



1 節 座標と直線の方程式

1 直線上の点の座標



2点間の距離や、線分をある比に分ける点について学びます。

下の数直線において、点Aは-1の位置、点Bは4の位置というように、点の位置を1つの数で表すことができる。この数を^{ざひょう}座標といい、点A、BをそれぞれA(-1)、B(4)と表す。



◀ 座標が a である点 A を $A(a)$ と書く。

5

問1 上の数直線に、点C(2)、D(-1.5)、E($\frac{1}{2}$)をかきなさい。

2点間の距離

^{いっぽん}

一般に、数直線上の2点A、B間の距離ABは、次のように座標の差として求められる。

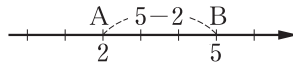
$$AB = (\text{大きい方の座標}) - (\text{小さい方の座標})$$

◀ $A(a)$ 、 $B(b)$ として
 $a < b$ のときは $b - a$
 $a > b$ のときは $a - b$

10

● 2点間の距離を求めてみよう。

例1 (1) 2点A(2)、B(5)間の距離は

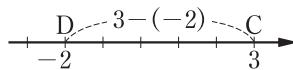


$$AB = 5 - 2 = 3$$

◀ (Bの座標) - (Aの座標)

15

(2) 2点C(3)、D(-2)間の距離は



$$CD = 3 - (-2) = 5$$

◀ (Cの座標) - (Dの座標)

20

問2 次の2点間の距離を求めなさい。

- (1) A(3)、B(5) (2) C(-2)、D(1)
 (3) E(4)、F(-1) (4) G(-6)、H(-7)

線分の内分

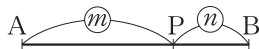
右の図のように、線分 AB 上に点 P があって

$$AP : PB = m : n$$

であるとき、点 P は線分 AB を $m : n$ に **内分** するという。

5 また、このとき、点 P を線分 AB の内分点という。

とくに、 $1 : 1$ に内分する点を、その線分の **中点** という。



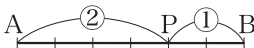
●内分点の位置を考えてみよう。

例 2 (1) 右の図において

$$AP : PB = 4 : 2 = 2 : 1$$

となるから、点 P は線分 AB を $2 : 1$ に内分する。

(2) 右の図において、点 Q は
線分 CD を $1 : 3$ に内分
する。



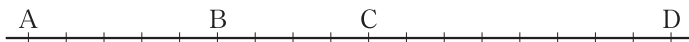
◀ m と n の求め方

まず長さを求めて、その比を最も簡単な比になおせばよい。

問 3 次の点を、下の図にかきなさい。

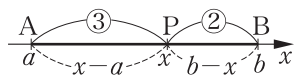
(1) 線分 AB を $2 : 3$ に内分する点 P

(2) 線分 CD を $3 : 1$ に内分する点 Q



内分点の座標

数直線上に 2 点 $A(a)$, $B(b)$ があるとき、線分 AB を $3 : 2$ に内分する点 P の座標 x を求めてみよう。



20 $a < b$ のとき、 $a < x < b$ であるから

$$AP = x - a, \quad PB = b - x$$

AP : PB = $3 : 2$ より

$$(x - a) : (b - x) = 3 : 2$$

よって $2(x - a) = 3(b - x)$

25 整理すると $(3 + 2)x = 2a + 3b$

$$\text{したがって} \quad x = \frac{2a + 3b}{3 + 2} = \frac{2a + 3b}{5}$$

$a > b$ のときも同様である。

+ 解説

$$p : q = r : s$$

$$ps = qr$$

一般に、次のことが成り立つ。

内分点の座標

2点 $A(a)$, $B(b)$ を結ぶ線分 AB を

$$m : n \text{ に内分する点 } P \text{ の座標 } x \text{ は } x = \frac{na + mb}{m + n}$$

$$\text{とくに、線分 } AB \text{ の中点 } M \text{ の座標 } x \text{ は } x = \frac{a + b}{2}$$

+解説

$$\begin{array}{ccc} na + mb & & \\ \uparrow & & \uparrow \\ A(a) & B(b) & \\ & \times & \\ & m + n & \end{array}$$

◀ 中点は $1 : 1$ に内分する点

5

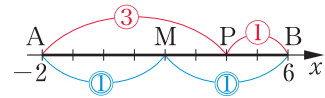
●内分点の座標を求めてみよう。

例3 2点 $A(-2)$, $B(6)$ を結ぶ線分 AB を $3 : 1$ に

内分する点 P の座標 x は

$$x = \frac{1 \times (-2) + 3 \times 6}{3 + 1} = \frac{16}{4} = 4$$

$$\text{中点 } M \text{ の座標 } x \text{ は } x = \frac{(-2) + 6}{2} = \frac{4}{2} = 2$$



10

問4 2点 $A(-1)$, $B(5)$ を結ぶ線分 AB を $2 : 1$ に内分する点 P と中点 M の座標 x を、それぞれ求めなさい。

外分点の座標

右の図のように、線分 AB の延長上に点 P があって

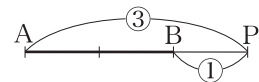
$$AP : PB = 3 : 1$$

であるとき、点 P は線分 AB を $3 : 1$ に **外分** するという。

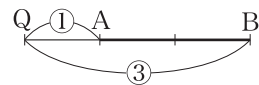
線分 AB を $1 : 3$ に外分する点 Q は、右の図ようになる。

2点 $A(a)$, $B(b)$ を結ぶ線分 AB を $m : n$ に外分する点の

座標 x は、内分と同様に求めると、 $x = \frac{-na + mb}{m - n}$ となる。



15



◀ 内分点の座標を求める式で、 n を $-n$ におきかえたものになっている。

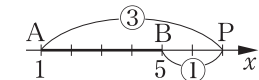
20

●外分点の座標を求めてみよう。

例4 2点 $A(1)$, $B(5)$ を結ぶ線分 AB を $3 : 1$ に外分する

点 P の座標 x は

$$x = \frac{-1 \times 1 + 3 \times 5}{3 - 1} = \frac{14}{2} = 7$$



問5 2点 $A(1)$, $B(5)$ を結ぶ線分 AB を $2 : 1$ に外分する点 P , →p.60 復習問題□

$1 : 2$ に外分する点 Q の座標 x を、それぞれ求めなさい。

25

2 平面上の点の座標

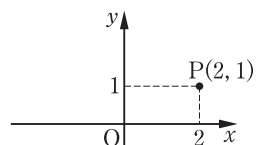


平面上の点の位置の表し方について学びます。また、平面上の2点間の距離や2点を結ぶ線分の内分、外分を考えます。

座標平面

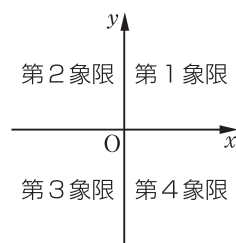
- 5 平面上の点Pの位置は、Pのx座標がa、y座標がbのとき、座標(a, b)で表される。このとき、点PをP(a, b)と表す。たとえば、右の図の点Pは、P(2, 1)と表される。

このように、座標の定められた平面を^{ざひょうへいめん}座標平面という。



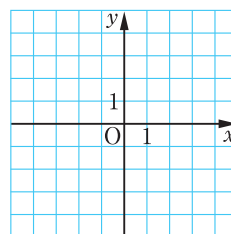
- 10 座標平面はx軸とy軸により、右の図のように4つの象限しやうげんに分けられ、それぞれ第1象限、第2象限、第3象限、第4象限という。

x軸とy軸は、どの象限にも入らないものとする。



問6 次の点を右の図にかき、第何象限の点であるか答えなさい。

- 15 (1) A(4, 3) (2) B(2, -4)
(3) C(-3, 2) (4) D(-4, -1)



原点Oとの距離

原点O、点P(2, 1)間の距離OPを求めてみよう。

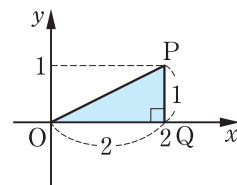
- 20 右の図のような直角三角形OPQをつくると、点Qの座標は(2, 0)であり

$$OQ = 2, \quad PQ = 1$$

三平方の定理により

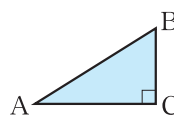
$$\begin{aligned} OP^2 &= OQ^2 + PQ^2 \\ &= 2^2 + 1^2 \\ &= 5 \end{aligned}$$

- 25 $OP > 0$ であるから $OP = \sqrt{5}$



← 三平方の定理

$$AB^2 = AC^2 + BC^2$$



→ **巻末** いままで以上に学んだこと
⑫ 三平方の定理

問7 原点O、点P(3, 5)間の距離OPを求めなさい。

平面上の2点間の距離

2点 A(1, 2), B(4, 6) 間の距離 AB を求めてみよう。

右の図のような直角三角形 ABC をつくと、点 C の座標は (4, 2) であり

$$AC = 4 - 1 = 3$$

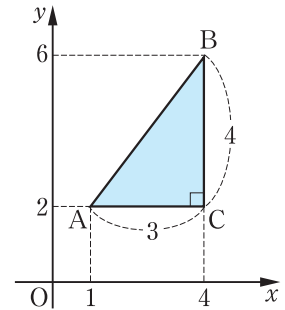
$$BC = 6 - 2 = 4$$

三平方の定理により

$$AB^2 = AC^2 + BC^2$$

AB > 0 であるから

$$AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = \sqrt{25} = 5$$



5

一般に、次のことが成り立つ。

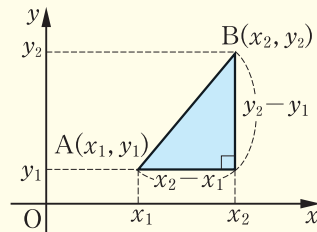
平面上の2点間の距離

2点 A(x₁, y₁), B(x₂, y₂) 間の距離は

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

とくに、原点 O, 点 P(x, y) 間の距離は

$$OP = \sqrt{x^2 + y^2}$$



15

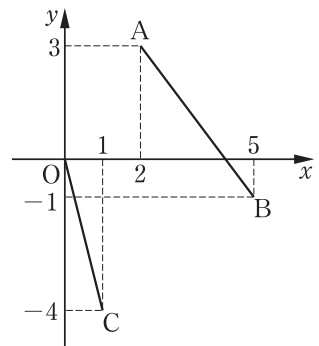
● 2点間の距離を求めてみよう。

例5 2点 A(2, 3), B(5, -1) 間の距離は

$$\begin{aligned} AB &= \sqrt{(5-2)^2 + (-1-3)^2} \\ &= \sqrt{3^2 + (-4)^2} = \sqrt{25} = 5 \end{aligned}$$

また、原点 O, 点 C(1, -4) 間の距離は

$$OC = \sqrt{1^2 + (-4)^2} = \sqrt{17}$$



20

問8 次の2点間の距離を求めなさい。

- (1) A(2, 1), B(3, 4)
- (2) C(3, -4), D(-2, -1)
- (3) O(0, 0), E(-3, 2)
- (4) F(2, 3), G(4, 3)

→ p.60 復習問題②

25

例題

1

3点 A(1, 1), B(3, 5), C(-1, 2) を頂点とする
三角形が直角三角形であることを示しなさい。

解

$$AB = \sqrt{(3-1)^2 + (5-1)^2} = \sqrt{2^2 + 4^2} = \sqrt{20}$$

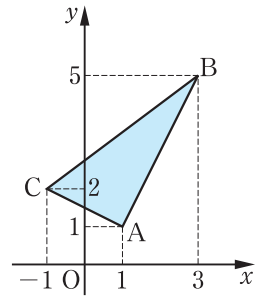
$$BC = \sqrt{(-1-3)^2 + (2-5)^2} = \sqrt{(-4)^2 + (-3)^2} = \sqrt{25}$$

$$AC = \sqrt{(-1-1)^2 + (2-1)^2} = \sqrt{(-2)^2 + 1^2} = \sqrt{5}$$

であるから

$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$

よって、 $\triangle ABC$ は $\angle A$ を直角とする直角三角形である。



問9

3点 A(0, 3), B(-1, -4), C(4, 1) を頂点とする
三角形が二等辺三角形であることを示しなさい。

◀ 2 辺の長さが等しいことをいえばよい。

平面上の内分

2点 A(x_1, y_1), B(x_2, y_2) を結ぶ線分 AB を 3 : 2 に
内分する点 P の座標 (x, y) を求めてみよう。

x 座標と y 座標に分けて考える。

右の図のように、点 A, P, B から x 軸に垂線 AA',
PP', BB' を引くと、P' も線分 A'B' を 3 : 2 に
内分するから

$$x = \frac{2x_1 + 3x_2}{3 + 2} = \frac{2x_1 + 3x_2}{5}$$

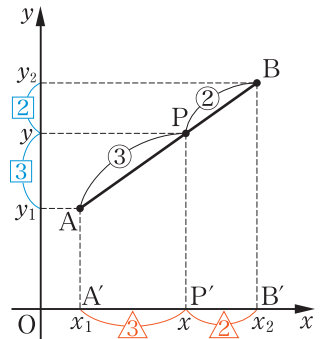
同様に y 軸に垂線を引いて考えると

$$y = \frac{2y_1 + 3y_2}{3 + 2} = \frac{2y_1 + 3y_2}{5}$$

よって、点 P の座標は

$$\left(\frac{2x_1 + 3x_2}{5}, \frac{2y_1 + 3y_2}{5} \right)$$

である。



平面上の内分点の座標

一般に、次のことが成り立つ。

平面上の内分点の座標

2点 $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ を結ぶ線分 AB を $m:n$ に内分する点 P の座標は

$$\left(\frac{nx_1 + mx_2}{m+n}, \frac{ny_1 + my_2}{m+n} \right)$$

とくに、線分 AB の中点 M の座標は

$$\left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$$

5

●内分点の座標を求めてみよう。

例6 2点 $A(-2, -1)$, $B(2, 7)$ を結ぶ線分 AB について、次の点の座標を求めてみよう。

(1) 線分 AB を $3:1$ に内分する点 P

$$\begin{aligned} \text{点 } P \text{ の } x \text{ 座標は } \quad x &= \frac{1 \times (-2) + 3 \times 2}{3 + 1} \\ &= \frac{4}{4} = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} y \text{ 座標は } \quad y &= \frac{1 \times (-1) + 3 \times 7}{3 + 1} \\ &= \frac{20}{4} = 5 \end{aligned}$$

よって

$$P(1, 5)$$

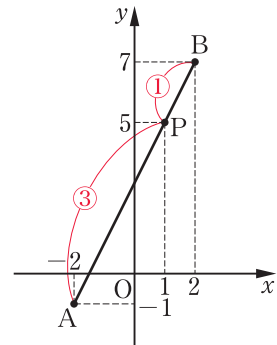
(2) 線分 AB の中点 M

$$\text{点 } M \text{ の } x \text{ 座標は } \quad x = \frac{(-2) + 2}{2} = 0$$

$$y \text{ 座標は } \quad y = \frac{(-1) + 7}{2} = \frac{6}{2} = 3$$

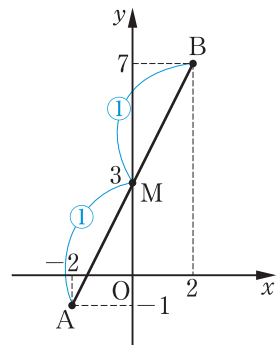
よって

$$M(0, 3)$$



10

15

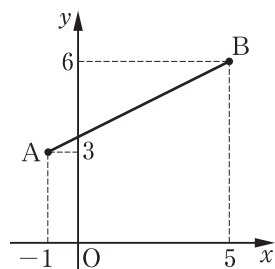


20

問10 2点A(-1, 3), B(5, 6)を結ぶ線分ABについて, 次の点の座標を求めなさい。

- (1) 線分ABを1:2に内分する点P
- (2) 線分ABを2:1に内分する点Q
- (3) 線分ABの中点M

5



→ p.60 復習問題③(2)

平面上の外分点の座標

平面上において, 2点A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)を結ぶ線分ABを $m:n$ に外分する点の座標は

$$\left(\frac{-nx_1 + mx_2}{m-n}, \frac{-ny_1 + my_2}{m-n} \right)$$

10 となる。

▶ 平面上の内分点の座標を求める式で, n を $-n$ におきかえたものになっている。

● 外分点の座標を求めてみよう。

例7 2点A(-1, 3), B(4, 5)を結ぶ線分ABを2:1に外分する点Pの

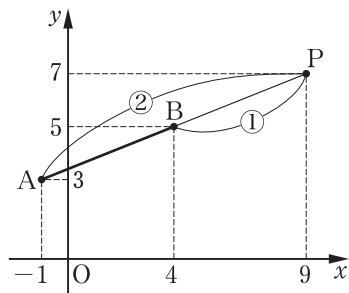
$$x \text{ 座標は } x = \frac{-1 \times (-1) + 2 \times 4}{2-1} = 9$$

$$y \text{ 座標は } y = \frac{-1 \times 3 + 2 \times 5}{2-1} = 7$$

よって

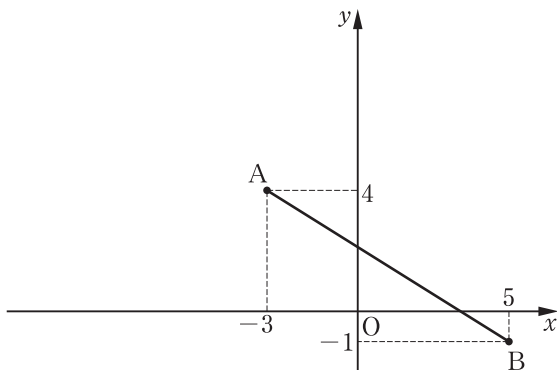
$$P(9, 7)$$

15



問11 2点A(-3, 4), B(5, -1)を結ぶ線分ABを1:2に外分する点Pの座標を求めなさい。

▶ 外分する点の座標の分母が負になることに注意する。



三角形の重心の座標

$\triangle ABC$ の各頂点と向かい合う辺の中点を結ぶ線分を **中線** という。

右の図のように、 $\triangle ABC$ の3本の中線は1点Gで交わる。この点を $\triangle ABC$ の **重心** という。

重心は、それぞれの中線を2:1に内分する。

3点 $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$, $C(x_3, y_3)$ を頂点とする $\triangle ABC$ の重心Gの座標を求めてみよう。

辺BCの中点Mの座標は $\left(\frac{x_2+x_3}{2}, \frac{y_2+y_3}{2}\right)$

重心Gは中線AMを2:1に内分するから、点Gのx座標は

$$\frac{1 \times x_1 + 2 \times \frac{x_2+x_3}{2}}{2+1} = \frac{x_1+x_2+x_3}{3}$$

同様に、y座標は $\frac{y_1+y_2+y_3}{3}$

以上から、重心Gの座標は

$$\left(\frac{x_1+x_2+x_3}{3}, \frac{y_1+y_2+y_3}{3}\right)$$

● 三角形の重心の座標を求めてみよう。

例8 3点 $A(2, 7)$, $B(-4, -2)$, $C(5, 4)$ を頂点とする $\triangle ABC$ の重心Gの

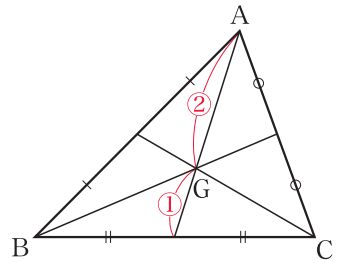
$$x \text{ 座標は } x = \frac{2+(-4)+5}{3} = \frac{3}{3} = 1$$

$$y \text{ 座標は } y = \frac{7+(-2)+4}{3} = \frac{9}{3} = 3$$

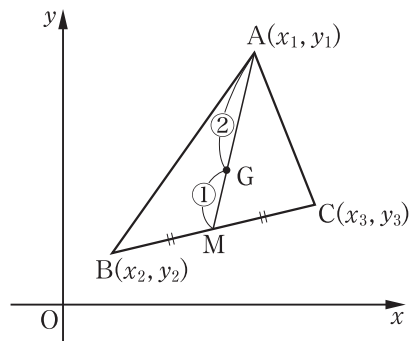
よって

$$G(1, 3)$$

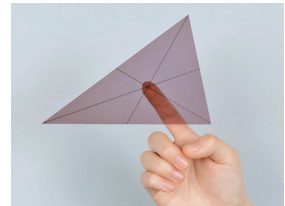
問12 3点 $A(-3, 2)$, $B(8, 5)$, $C(1, -4)$ を頂点とする $\triangle ABC$ の重心Gの座標を求めなさい。



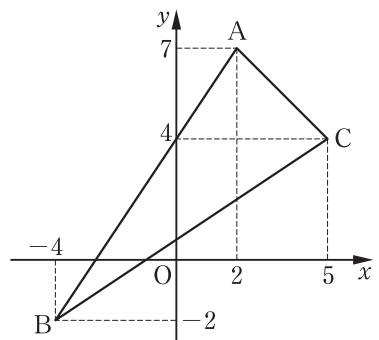
5



10



15



20

→ p.60 復習問題③(1), (3)

3 直線の方程式

直線を表す式について学び、傾きや直線上の点の座標から式を求めます。

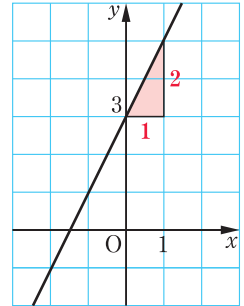
直線の方程式

中学校で学んだように、 $y = 2x + 3$ のグラフは、傾きが 2、
5 切片が 3 の直線になる。

一般に、方程式 $y = mx + n$ は

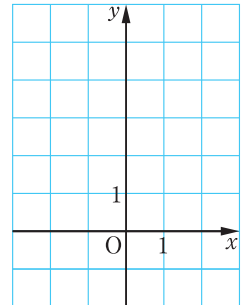
傾きが m 、切片が n

の直線を表す。



問 13 次の方程式が表す直線を右の図にかきなさい。

- 10 (1) $y = x - 1$
(2) $y = -2x + 1$



直線の方程式 $y = 2x + 3$ を変形すると、 $2x - y + 3 = 0$
となる。

このように、直線の方程式は

15 $ax + by + c = 0$

の形で表すこともできる。

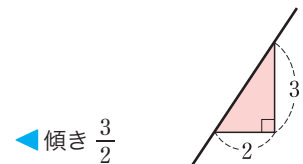
● $ax + by + c = 0$ が表す直線の傾きと切片を求めてみよう。

例 9 $3x - 2y + 4 = 0$ を変形すると、 $2y = 3x + 4$ より

$$y = \frac{3}{2}x + 2$$

20 よって、 $3x - 2y + 4 = 0$ は

傾きが $\frac{3}{2}$ 、切片が 2 の直線を表す。



右へ 2 だけ進むとき、上へ 3 だけ進む。

問 14 $2x + 3y - 9 = 0$ が表す直線の傾きと切片を求めなさい。

1点を通り、傾きが m の直線

点A(1, 3)を通り、傾きが2の直線の方程式を考えてみよう。

この直線の切片を n とすると、傾きが2であることから、

方程式は

$$y = 2x + n \quad \cdots \cdots \textcircled{1}$$

と表される。①が点A(1, 3)を通るから

$$3 = 2 \times 1 + n \quad \cdots \cdots \textcircled{2}$$

①, ②の両辺それぞれの差をとると

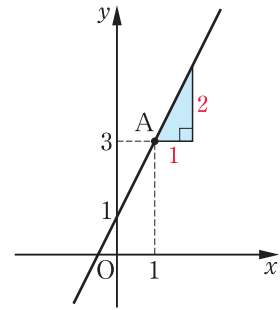
$$y - 3 = 2(x - 1)$$

この式を整理すると

$$y = 2x + 1$$

となる。

一般に、次のことが成り立つ。

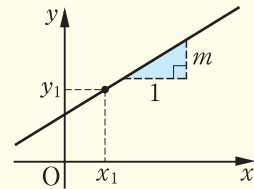


◀ n を消去している。

1点を通り、傾きが m の直線

点 (x_1, y_1) を通り、傾きが m の直線の方程式は

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

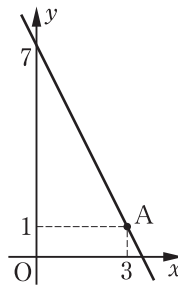


● 1点を通り、傾きが m の直線の方程式を求めてみよう。

例 10 点A(3, 1)を通り、傾きが -2 の直線の方程式は

$$y - 1 = -2(x - 3)$$

よって $y = -2x + 7$



$$\leftarrow y - 1 = -2(x - 3)$$

↑ y座標 ↑ 傾き ↑ x座標

問 15 次の直線の方程式を求めなさい。

- (1) 点(1, 2)を通り、傾きが3の直線
- (2) 点(-2, 3)を通り、傾きが-1の直線
- (3) 点(3, -1)を通り、傾きが $\frac{2}{3}$ の直線

→ p.60 復習問題⑥(1)

2点を通る直線

2点 A(2, 1), B(4, 5) を通る直線の方程式を考えてみよう。
この直線の傾き m は

$$m = \frac{5-1}{4-2} = \frac{4}{2} = 2$$

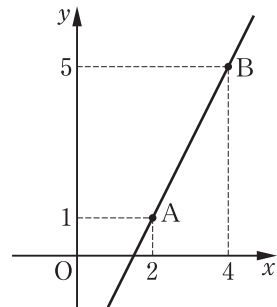
5 であるから、求める直線は

点 A(2, 1) を通り、傾きが 2 の直線
と考えられる。54 ページの公式より

$$y-1 = 2(x-2)$$

この式を整理すると $y = 2x-3$

10 一般に、次のことが成り立つ。



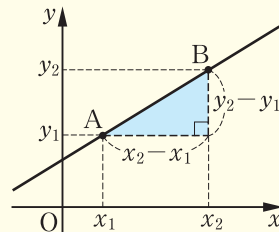
◀ 点 B(4, 5) を通るとしてもよい。
 $y-5 = 2(x-4)$ より
 $y = 2x-3$

2点を通る直線

2点 A(x_1, y_1), B(x_2, y_2) を通る直線の方程式は、

傾き $m = \frac{y_2-y_1}{x_2-x_1}$ を求めて

$$y-y_1 = m(x-x_1) \quad \text{ただし } x_1 \neq x_2$$

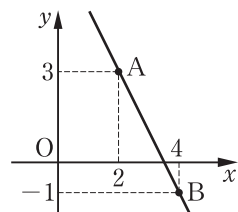


15 ● 2点を通る直線の方程式を求めてみよう。

例 11 2点 A(2, 3), B(4, -1) を通る直線の方程式は、

$$\text{傾き } m = \frac{(-1)-3}{4-2} = \frac{-4}{2} = -2 \text{ より}$$

$$y-3 = -2(x-2) \quad \text{よって } y = -2x+7$$



問 16 次の 2 点を通る直線の方程式を求めなさい。

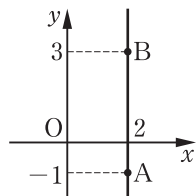
20 (1) A(2, 1), B(5, 7) (2) A(-1, 2), B(3, -6)

(3) A(-2, -1), B(0, 2) (4) A(1, 4), B(3, 4)

→ p.60 復習問題 4, 6(2)

2点 A(x_1, y_1), B(x_2, y_2) を通る直線について、
 $x_1 = x_2$ のとき、すなわち、 x 座標が等しい場合を
考えてみよう。

25 2点 A(2, -1), B(2, 3) を通る直線は、右の図のように
 y 軸に平行な直線となり、その方程式は、 $x = 2$ となる。



4 2直線の関係



平面上の2直線の関係について調べます。とくに、平行・垂直になる条件を学びます。

2直線の交点

平面上の平行でない2直線は、かならず1点で交わる。その交点の x 座標と y 座標の値は、2つの直線の方程式を満たす。このことから、2直線の交点の座標は、2つの直線の方程式を組み合わせた連立方程式の解として求めることができる。

5

● 2直線の交点の座標を求めてみよう。

例12 2直線

$y = 2x - 1$, $y = -x + 5$
の交点の座標を求めてみよう。

連立方程式

$$\begin{cases} y = 2x - 1 & \cdots \cdots \textcircled{1} \\ y = -x + 5 & \cdots \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

を解けばよい。

①, ② から、 y を消去すると

$$2x - 1 = -x + 5$$

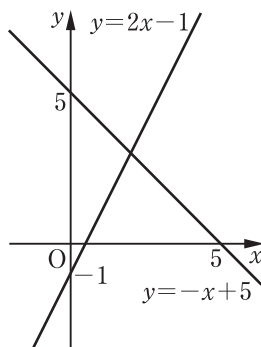
$$3x = 6$$

よって、 x 座標は $x = 2$

このとき、 y 座標は ① より

$$y = 2x - 1 = 2 \times 2 - 1 = 3$$

したがって、交点の座標は $(2, 3)$



10

15

20

◀ ② に代入して、 y 座標を求めてもよい。

$$\begin{aligned} y &= -x + 5 \\ &= -2 + 5 = 3 \end{aligned}$$

問17 次の2直線の交点の座標を求めなさい。

(1) $y = 2x + 1$, $y = -x + 4$

(2) $y = 3x - 5$, $2x - y + 1 = 0$

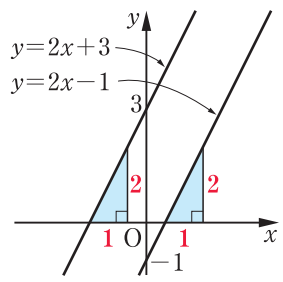
(3) $3x - y - 5 = 0$, $x + y - 7 = 0$

→ p.60 復習問題⑤

25

2直線の平行

直線 $y = 2x - 1$ と $y = 2x + 3$ は、右の図のように平行である。2直線の傾きはともに2であり、等しい。



一般に、次のことが成り立つ。

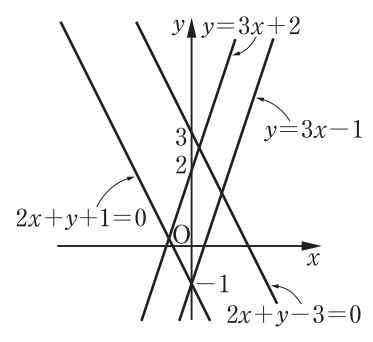
2直線の平行

2直線 $y = mx + n$, $y = m'x + n'$ について
平行になるのは、 $m = m'$ のとき

● 2直線が平行かどうか調べてみよう。

例13 2直線 $y = 3x - 1$, $y = 3x + 2$ は、ともに傾きが3であるから、平行である。

また、2直線 $2x + y - 3 = 0$,
 $2x + y + 1 = 0$ の方程式は、それぞれ
 $y = -2x + 3$, $y = -2x - 1$ と変形できる。
したがって、この2直線は、ともに傾きが
 -2 であるから、平行である。



問18 次の直線のうち、平行な直線はどれとどれか選びなさい。

- ① $y = 2x + 1$ ② $y = -2x + 6$
- ③ $2x + y - 1 = 0$ ④ $2x - y + 5 = 0$

◀ 傾きが等しいものをさがす。

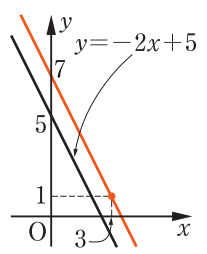
例題 2

点 $(3, 1)$ を通り、直線 $y = -2x + 5$ に平行な直線の方程式を求めなさい。

解 直線 $y = -2x + 5$ の傾きは -2 である。
したがって、求める直線の方程式は、点 $(3, 1)$ を通り、
傾きが -2 の直線であるから

$$y - 1 = -2(x - 3)$$

これより $y = -2x + 7$



問19 点 $(2, -1)$ を通り、次の直線に平行な直線の方程式を求めなさい。

- (1) $y = 3x - 1$ (2) $x + y + 3 = 0$

→ p.60 復習問題⑥(3)

2直線の垂直

直線 $y = 2x$ …… ①

に垂直で、原点を通る直線 ② の傾きを求めてみよう。

右の図のように、 $\triangle OAB$ を O を中心に 90° 回転した三角形を $\triangle OCD$ とすると、 $\triangle OCD$ において

$$CD = 2, \quad OC = 1$$

となり、直線 ② の傾きは $-\frac{1}{2}$ とわかる。

このとき、直線 ① と ② の傾きについて

$$(\text{①の傾き}) \times (\text{②の傾き}) = 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -1$$

となる。

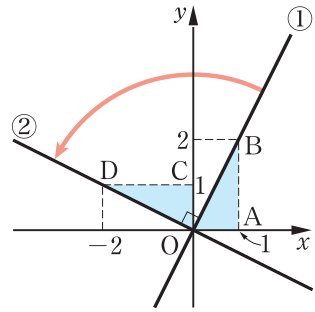
このことは、原点を通らない直線についても成り立つ。

一般に、次のことが成り立つ。

2直線の垂直

2直線 $y = mx + n$, $y = m'x + n'$ について

垂直になるのは、 $mm' = -1$ のとき



5

10

◀ $mm' = -1$ より

$$m = -\frac{1}{m'}$$

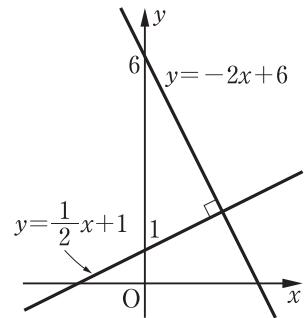
15

● 2直線が垂直かどうか調べてみよう。

例 14 2直線 $y = -2x + 6$, $y = \frac{1}{2}x + 1$ の傾きの積は

$$(-2) \times \frac{1}{2} = -1$$

よって、この2直線は垂直である。



問 20 次の直線のうち、 $y = 4x - 3$ に垂直な直線を選びなさい。

- ① $y = -4x + 1$ ② $y = \frac{1}{4}x + 1$
 ③ $y = -\frac{1}{4}x + 3$ ④ $y = 4x + 4$

◀ 傾きの積が -1 になるものをさがす。

20

● 垂直な直線の傾きを求めてみよう。

例 15 直線 $y = 3x + 2$ に垂直な直線の傾きを m とすると、

2 直線の傾きの積が -1 のときに垂直になるから

$$3 \times m = -1$$

よって $m = -\frac{1}{3}$

問 21 次の直線に垂直な直線の傾きを求めなさい。

(1) $y = x + 1$

(2) $y = -2x + 1$

(3) $y = \frac{2}{3}x - 1$

(4) $3x + y + 1 = 0$

◀ (4) $y = mx + n$ の形に変形して考える。

ある点を通り、与えられた直線に垂直な直線の方程式を
求めよう。

例題**3**

点 $(3, 1)$ を通り、直線 $y = -2x + 5$ に垂直な直線の方程式を求めなさい。

解

直線 $y = -2x + 5$ の傾きは -2 であるから、求める直線の傾きを m とすると

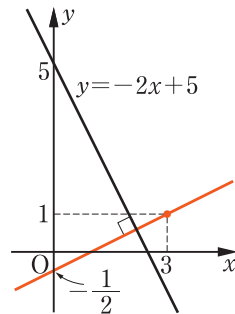
$$(-2) \times m = -1 \quad \text{より} \quad m = \frac{1}{2}$$

したがって、求める直線の方程式は、点 $(3, 1)$ を通り、

傾きが $\frac{1}{2}$ の直線であるから

$$y - 1 = \frac{1}{2}(x - 3)$$

これより $y = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$



問 22 点 $(4, 1)$ を通り、次の直線に垂直な直線の方程式を求めなさい。

(1) $y = \frac{1}{3}x - 1$

(2) $2x + y + 4 = 0$

→ p.60 復習問題⑥(4)

復習問題

□1 数直線上に2点 $A(-5)$, $B(7)$ がある。線分 AB を $1:3$ に内分する点を P , $3:1$ に外分する点を Q とするとき、2点 P , Q 間の距離を求めなさい。

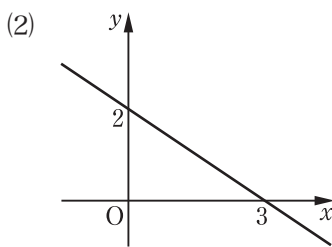
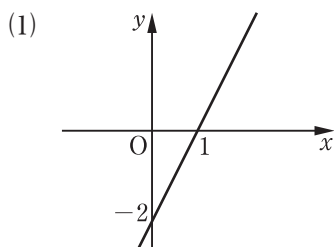
□2 次の2点間の距離を求めなさい。

- (1) $A(4, 0)$, $B(-3, 1)$
- (2) $C(-3, -2)$, $D(2, 10)$

□3 3点 $A(-5, 1)$, $B(1, 4)$, $C(4, -2)$ がある。このとき、次の問に答えなさい。

- (1) $\triangle ABC$ の重心 G の座標を求めなさい。
- (2) 線分 AB , BC , CA を $2:1$ に内分する点をそれぞれ P , Q , R とするとき、それらの座標を求めなさい。
- (3) $\triangle PQR$ の重心 G' の座標を求めなさい。

□4 次の図の直線の方程式を求めなさい。



□5 2直線 $y = 3x - 4$, $2x + y - 1 = 0$ の交点の座標を求めなさい。

□6 次の直線の方程式を求めなさい。

- (1) 点 $(-3, 2)$ を通り、傾きが -1 の直線
- (2) 2点 $(2, 5)$, $(-3, -5)$ を通る直線
- (3) 点 $(2, 5)$ を通り、直線 $y = -x + 4$ に平行な直線
- (4) 点 $(3, 1)$ を通り、直線 $y = 2x + 3$ に垂直な直線

2点間の距離
内分点・外分点の座標

↩ p.44 例1
p.46 例3
p.46 例4

平面上の2点間の距離 5

↩ p.48 例5

平面上の内分点の座標
三角形の重心の座標

↩ p.50 例6
p.52 例8

10

直線の方程式

↩ p.54 例10
p.55 例11

2直線の交点 15

↩ p.56 例12

直線の方程式
2直線の平行・垂直

↩ p.54 例10
p.55 例11
p.57 例題2
p.59 例題3

20