

1 整式の乗法と因数分解

2次式の乗法公式と因数分解については数学 I で学んだ。ここでは、 3次式の乗法公式と因数分解について考えてみよう。

3次式の乗法公式

例 1 $(a+b)^3 = (a+b)(a+b)^2$ $= (a+b)(a^2+2ab+b^2)$ $= a(a^2+2ab+b^2)+b(a^2+2ab+b^2)$ $= a^3+2a^2b+ab^2+a^2b+2ab^2+b^3$ $= a^3+3a^2b+3ab^2+b^3$

問 1 $(a-b)^3$ を展開せよ。

次の3次式の乗法公式が成り立つ。

3次式の乗法公式(1)

$$[2] (a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

例 2 (1) $(x-2)^3 = x^3 - 3 \cdot x^2 \cdot 2 + 3 \cdot x \cdot 2^2 - 2^3$ = $x^3 - 6x^2 + 12x - 8$

(2)
$$(3x+2y)^3 = (3x)^3 + 3 \cdot (3x)^2 \cdot 2y + 3 \cdot 3x \cdot (2y)^2 + (2y)^3$$

= $27x^3 + 54x^2y + 36xy^2 + 8y^3$

問2 次の式を展開せよ。

(1)
$$(x+1)^3$$

(2)
$$(3x-1)^3$$

10

15

(3)
$$(x+10y)^3$$

(4)
$$(2x-5y)^3$$

また,次の乗法公式も成り立つ。

3 次式の乗法公式(2)

$$\boxed{3} \quad (a+b)(a^2-ab+b^2) = a^3+b^3$$

$$(a-b)(a^2+ab+b^2) = a^3-b^3$$

- 問3 上の公式 [3], [4] が成り立つことを示せ。
- 間4 次の式を展開せよ。

(1)
$$(x+7)(x^2-7x+49)$$

(2)
$$(5x-3v)(25x^2+15xv+9v^2)$$

3次式の因数分解

上の乗法公式 3. 4 を逆に利用することにより、次の公式が成り立つ。

3 次式の因数分解

15

$$|a^3+b^3=(a+b)(a^2-ab+b^2)$$

$$\boxed{6} \quad a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$$

Image: Example 1

$$x^3 + 125 = x^3 + 5^3 = (x+5)(x^2 - x \cdot 5 + 5^2)$$
 $= (x+5)(x^2 - 5x + 25)$

(2)
$$27x^3 - 8y^3 = (3x)^3 - (2y)^3$$

= $(3x - 2y)\{(3x)^2 + 3x \cdot 2y + (2y)^2\}$
= $(3x - 2y)(9x^2 + 6xy + 4y^2)$

問5 次の式を因数分解せよ。

(1)
$$x^3 + 1$$
 (2) x

(1)
$$x^3+1$$
 (2) x^3-8 (3) $64x^3-125y^3$ \longrightarrow p.19 問題2

20 **9** 4
$$x^6 - y^6 = (x^3)^2 - (y^3)^2 = (x^3 + y^3)(x^3 - y^3)$$

= $(x+y)(x^2 - xy + y^2) \times (x-y)(x^2 + xy + y^2)$
= $(x+y)(x-y)(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2)$

問6 次の式を因数分解せよ。

(1)
$$x^6 - 64y^6$$

(2)
$$x^6 + 7x^3 - 8$$

2 二項定理

パスカルの三角形

 $(a+b)^2$, $(a+b)^3$ を展開すると次のようになる。

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$
, $(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$

これをもとに、 $(a+b)^4$ を展開してみよう。

$$(a+b)^4 = (a+b)(a+b)^3$$

$$= (a+b)(a^3+3a^2b+3ab^2+b^3)$$

$$= 1a^4+3a^3b+3a^2b^2+1ab^3$$

$$+1a^3b+3a^2b^2+3ab^3+1b^4$$

$$= a^4+4a^3b+6a^2b^2+4ab^3+b^4$$

よって、 $(a+b)^4$ の展開式において、両端の 1以外の係数は、 $(a+b)^3$ の展開式における隣り 合った係数1と3、3と3、3と1のそれぞれの 和として得られることがわかる。

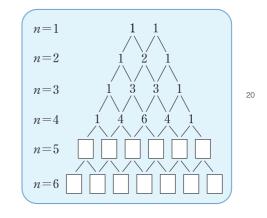


10

問 7 $(a+b)^5$ の展開式を求め、この展開式の係数が $(a+b)^4$ の展開式の係数 15 から、上と同様の考え方により得られることを確かめよ。

 $(a+b)^n$ の展開式の係数を次々 と求め、右のように並べたものを パスカルの三角形 という。

問 8 右のパスカルの三角形で、 $n=5,\ n=6$ の行の空所をうめ、 $(a+b)^6$ の展開式を求めよ。



二項定理

 $(a+b)^4$ の展開式における a^3b の係数は、パスカルの三角形から 4 である。 これを組合せの考え方を利用して求めてみよう。

$$(a+b)^4$$
 $tabs$ $(a+b)(a+b)(a+b)(a+b)$

- 5 を展開して得られる項は、4個の因数①,②,
 - ③、④ のそれぞれから、a か b のどちらかを取り出して掛け合わせた積である。

たとえば、 a^3b の項は、4 個の因数のうち 1 個の因数を選んで b を取り出し、残り 3 個の因

$$\begin{array}{cccc}
\boxed{1} & \boxed{2} & \boxed{3} & \boxed{4} \\
a \times a \times a \times \mathbf{b} &= a^3 b \\
a \times a \times \mathbf{b} \times a &= a^3 b \\
a \times \mathbf{b} \times a \times a &= a^3 b \\
\underline{b} \times a \times a \times a &= a^3 b
\end{array}$$

10 数から a を取り出して掛け合わせることにより得られる。

すなわち、4 個の因数から 1 個の因数を選ぶ選び方の数だけ a^3b の項ができる。したがって、 a^3b の項は ${}_4\mathrm{C}_1=4$ (個) 現れるから、 a^3b の係数は ${}_4\mathrm{C}_1$ である。

同様に考えると、 $(a+b)^4$ の展開式におけるすべての項

$$a^4$$
, a^3b , a^2b^2 , ab^3 , b^4

の係数はそれぞれ

15

20

$${}_{4}C_{0}$$
, ${}_{4}C_{1}$, ${}_{4}C_{2}$, ${}_{4}C_{3}$, ${}_{4}C_{4}$

である。一般に、次の二項定理が成り立つ。

二項定理

$$(a+b)^{n} = {}_{n}C_{0}a^{n} + {}_{n}C_{1}a^{n-1}b + {}_{n}C_{2}a^{n-2}b^{2} + \cdots + {}_{n}C_{r}a^{n-r}b^{r} + \cdots + {}_{n}C_{n-1}ab^{n-1} + {}_{n}C_{n}b^{n}$$

 $(a+b)^n$ の展開式における項は、一般に

$${}_{n}C_{r}a^{n-r}b^{r}$$
 $(r=0, 1, 2, \cdots, n)$

と表される。これを $(a+b)^n$ の展開式の 一般項 という。ただし, a^0 や b^0 は 1 と定める。また, $_n$ C $_n$ を 二項係数 ともいう。

例 5 二項定理を用いて式を展開すると、次のようになる。

(1)
$$(2a+b)^5 = {}_5C_0(2a)^5 + {}_5C_1(2a)^4b^1 + {}_5C_2(2a)^3b^2 + {}_5C_3(2a)^2b^3 + {}_5C_4(2a)^1b^4 + {}_5C_5b^5$$

 $= 32a^5 + 80a^4b + 80a^3b^2 + 40a^2b^3 + 10ab^4 + b^5$
(2) $(x-5y)^3 = {}_3C_0x^3 + {}_3C_1x^2(-5y)^1 + {}_3C_2x^1(-5y)^2 + {}_3C_3(-5y)^3 = x^3 - 15x^2v + 75xv^2 - 125v^3$

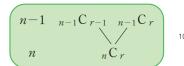
問9 二項定理を用いて、次の式を展開せよ。

(1)
$$(3a+b)^4$$

(2)
$$(2x-3y)^4$$

(3)
$$(2x^2+1)^5$$

また、パスカルの三角形のつくり方から、 $_{n}C_{r} = _{n-1}C_{r-1} + _{n-1}C_{r}$ が成り立つことが わかる。



二項定理の応用

係数は

二項定理を応用して、項の係数を求めてみよう。

例題

二項定理 [1]

 $(2x^2-1)^8$ の展開式における x^6 の係数を求めよ。 1

15

 $(2x^2-1)^8$ の展開式における一般項は

$${}_{8}C_{r}(2x^{2})^{8-r}(-1)^{r} = {}_{8}C_{r}2^{8-r}(x^{2})^{8-r}(-1)^{r}$$

$$= {}_{8}C_{r}2^{8-r}x^{2(8-r)}(-1)^{r}$$

$$= {}_{8}C_{r}2^{8-r}(-1)^{r}x^{16-2r}$$

ここで、16-2r=6 となるのは、r=5 のときであるから、 x^6 の

 ${}_{8}C_{5}2^{8-5}(-1)^{5} = 56 \cdot 2^{3} \cdot (-1)^{5}$

問10 次の式を展開したとき、それぞれ指定された項の係数を求めよ。

= -448

(1)
$$(3x^2+2)^6$$
 ct tt tt tt tt tt

(1)
$$(3x^2+2)^6$$
 k t t t d x^2 (2) $(x-3y)^7$ k t t d x^2y^5

25

応 用

二項定理「2]

 $(x+y+z)^6$ の展開式における x^2y^3z の係数を求めよ。

考え方 x+y を 1 つのものと考えて, $\{(x+y)+z\}^6$ を展開する。

(x+y)+z6の展開式の一般項は

$$_{6}C_{r}(x+y)^{6-r}z^{r}$$

zの次数に着目すると、 x^2y^3z が現れるのは r=1 のときだけで

$$_{6}C_{1}(x+y)^{5}z$$

 $(x+y)^5$ を展開したときの x^2y^3 の係数は ${}_5\mathrm{C}_3$ であるから, x^2y^3z の係数は

$$_{6}C_{1}\times _{5}C_{3}=60$$

<u>問11</u> $(x+2y+3z)^5$ の展開式における x^2y^2z および x^3y^2 の係数を求めよ。

また、例題 $2 \circ x^2 y^3 z \circ g$ は、 $6 \circ g$ の因数

$$(x+y+z)(x+y+z)(x+y+z)(x+y+z)(x+y+z)(x+y+z) \\ \textcircled{3} \\ \textcircled{4} \\ \textcircled{5}$$

から 2 個の因数を選んでxを取り出し,残り 4 個の因数から 3 個の因数を 選んでyを取り出し,最後に残った 1 個の因数からzを取り出して掛け合 わせることによっても得られる。

したがって、 x^2y^3z の係数は

$$_{6}C_{2} \times {}_{4}C_{3} \times {}_{1}C_{1} = \frac{6!}{2!4!} \times \frac{4!}{3!1!} \times 1 = \frac{6!}{2!3!1!}$$

一般に,次の定理が成り立つ。

$(a+b+c)^n$ の展開

 $(a+b+c)^n$ の展開式の一般項は

$$\frac{n!}{p!q!r!}a^pb^qc^r$$
 ただし、 $p+q+r=n$

例 6 $(x-2y+3z)^5$ の展開式における xy^2z^2 の係数を求めてみよう。

展開式における xv²z² の項は

$$\frac{5!}{1!2!2!}x(-2y)^2(3z)^2$$

であるから、xv²z² の係数は

$$\frac{5!}{1!2!2!} \cdot (-2)^2 \cdot 3^2 = 1080$$

15

20

<u>問12</u> $(x-y+2z)^7$ の展開式における $x^2y^3z^2$ の係数を求めよ。

二項定理を用いて、_nC_rのさまざまな性質を導くことができる。

まず、次の等式について考えてみよう。

$$2^{1} = 1 + 1 = {}_{1}C_{0} + {}_{1}C_{1}$$

$$2^{2} = 1 + 2 + 1 = {}_{2}C_{0} + {}_{2}C_{1} + {}_{2}C_{2}$$

$$2^{3} = 1 + 3 + 3 + 1 = {}_{3}C_{0} + {}_{3}C_{1} + {}_{3}C_{2} + {}_{3}C_{3}$$
10

. . .

一般に、 $2^n = {}_nC_0 + {}_nC_1 + {}_nC_2 + \cdots + {}_nC_n$ が成り立つ。 これを示してみよう。

例 7 二項定理

$$(a+b)^{n} = {}_{n}C_{0}a^{n} + {}_{n}C_{1}a^{n-1}b + {}_{n}C_{2}a^{n-2}b^{2} + \cdots + {}_{n}C_{r}a^{n-r}b^{r} + \cdots + {}_{n}C_{n}b^{n}$$

において、a=1、b=x とおくと

$$(1+x)^n = {}_{n}C_0 + {}_{n}C_1x + {}_{n}C_2x^2 + \cdots + {}_{n}C_rx^r + \cdots + {}_{n}C_nx^n$$

さらに、x=1 を代入すると

$$2^n = {}_{n}C_0 + {}_{n}C_1 + {}_{n}C_2 + \cdots + {}_{n}C_n$$

問13 次の等式が成り立つことを示せ。

(1)
$$3^n = {}_{n}C_0 + 2 \cdot {}_{n}C_1 + 2^2 \cdot {}_{n}C_2 + \dots + 2^n \cdot {}_{n}C_n$$

(2)
$$0 = {}_{n}C_{0} - {}_{n}C_{1} + {}_{n}C_{2} - \cdots + (-1)^{n} \cdot {}_{n}C_{n}$$
 \longrightarrow p.58 \neq p.58 \neq p.58

3 整式の除法

整数aと正の整数bに対して、aをbで割った商がa、余りがrである とき

$$a = bq + r$$
, $0 \le r < b$

5 が成り立つ。

たとえば、172÷7を計算すると商は24、 余りは4である。

このとき

15

- 2 4 7)172 $1 \ 4 \ 0 \cdots 7 \times 2 \ 0$ 3 2 $2 \ 8 \cdots 7 \times 4$
- 10 である。同じような計算を整式で行うことを考えてみよう。
 - **例8** 整式 $A=2x^2-7x+5$, 整式 B=x-3 のとき, AをBで割ると 次のようになる。

$$\begin{array}{r}
2x - 1 \\
x - 3)2x^2 - 7x + 5 \\
\underline{2x^2 - 6x} \cdots (x - 3) \times \underline{2x} \\
-x + 5 \\
\underline{-x + 3} \cdots (x - 3) \times (-1)
\end{array}$$

最後の行に現れた 2 は、割る式 x-3 よりも次数が低いから、これ 以上計算を続けることはできない。

このとき、 $A \in B$ で割ったときの **商** は 2x-1, **余り** は 2 であると いう。上の割り算から

$$A = B \times (2x-1) + 2$$
 ◆割る式×商+余り ······①

が成り立つことがわかる。

問14 整式 $3x^2 + 2x + 1$ を整式 3x - 4 で割り、商と余りを求めよ。 また、 \emptyset 8 にならって、整式 $3x^2+2x+1$ を① の形に表せ。 20

一般に、整式Aを0でない整式Bで割ったときの商をQ、余りをRとす ると、次の式が成り立つ。

商と余り

$$A = BQ + R$$
, R の次数 $< B$ の次数

このような Q, R はただ1つ定まる。

とくに、R=0 となるとき、AはBで割り切れるという。このとき、 BはAの 因数 であるという。

例題

整式の除法「1]

3 次の整式Aを整式Bで割り、商と余りを求めよ。

$$A = 2x^3 + 4x^2 + 7$$
, $B = 2x^2 - 3$

▲項がないときは あけておく

〈答〉 商 x+2, 余り 3x+13

注意 このような計算では、割る式も割られる式も、文字xについて降べきの 順に整理しておくとよい。

問15 次の整式Aを整式Bで割り、商と余りを求めよ。

(1)
$$A = 2x^3 - 7x^2 + 3x + 8$$
, $B = x^2 - x - 3$

15

10

(2)
$$A = 6x^3 - x^2 - 5x + 2$$
, $B = 3x - 2$

$$B = 3x - 2$$

(3)
$$A = 3x^3 + 7x^2 + 5$$
, $B = x^2 + 3x - 1$

$$B = x^2 + 3x - 1$$

(4)
$$A = 2 + 3x + 2x^3 + x^4$$
, $B = 1 + x^2$

$$B = 1 + x^2$$

→ p.19 問題4

例題 整式の除法 [2]

4 整式 x^3-3x^2-6x-2 をある整式 Bで割ると、商が x+2、余りが 3x-4 である。このとき、整式Bを求めよ。

$$x^3 - 3x^2 - 6x - 2 = B(x+2) + (3x-4)$$

が成り立つから

$$B(x+2) = (x^3 - 3x^2 - 6x - 2) - (3x - 4)$$
$$= x^3 - 3x^2 - 9x + 2$$
よって、 $x^3 - 3x^2 - 9x + 2$ を $x + 2$ で割って

 $x^2 - 5x + 1$ $x+2)x^3-3x^2-9x+2$ $x^3 + 2x^2$ $-5x^{2}-9x$ $-5x^2-10x$ x+2x+20

 $B = x^2 - 5x + 1$

問16 整式 $3x^3+14x^2-4x+5$ をある整式 B で割ると、商が 3x-1、余りが 7x+3 である。このとき、整式Bを求めよ。 → p.19 問題5

2種類以上の文字を含む整式についても、その中の1つの文字に着目し て、割り算を行うことができる。

例題 5

5

10

15

2種類の文字を含む整式の除法

 $A = 2x^3 - 5x^2y + 6xy^2 - 8y^3$, B = x - 2y を x についての整式と 考えて、整式Aを整式Bで割り、商と余りを求めよ。

解

$$\begin{array}{r}
2x^{2} - xy + 4y^{2} \\
x - 2y \overline{\smash{\big)}\ 2x^{3} - 5x^{2}y + 6xy^{2} - 8y^{3}} \\
\underline{2x^{3} - 4x^{2}y} \\
- x^{2}y + 6xy^{2} \\
\underline{- x^{2}y + 2xy^{2}} \\
4xy^{2} - 8y^{3} \\
\underline{4xy^{2} - 8y^{3}} \\
0
\end{array}$$

〈答〉 商 $2x^2-xy+4y^2$, 余り 0

問17 $A = x^3 - 2x^2v - xv^2 + 2v^3$, B = x - v を x についての整式と考えて、 整式Aを整式Bで割り、商と余りを求めよ。 20

4 分数式とその計算

 $\frac{1}{x}$, $\frac{x+1}{x^2-3}$ のように、Aを整式、Bを 1 次以上の整式としたとき、

 $\frac{A}{R}$ の形で表される式を **分数式** という。

整式と分数式を合わせて 有理式 という。

約分

Cが0でない整式のとき、分数式 $\frac{AC}{BC}$ に対し

$$\frac{AC}{BC} = \frac{A}{B}$$

が成り立つ。すなわち、分母と分子に共通な因数があれば 約分 ができる。 これ以上約分できないとき、分数式は 既約 であるという。

$$(1) \quad \frac{9a^3b}{12a^2b^3} = \frac{3a}{4b^2}$$

(2) $\frac{x^2+7x+12}{x^2+x-6} = \frac{(x+3)(x+4)}{(x+3)(x-2)}$ $=\frac{x+4}{x-2}$

問18 次の分数式を約分して、既約な分数式になおせ。

$$(1) \quad \frac{12a^4bc^2}{15a^3b^3c}$$

(1)
$$\frac{12a^4bc^2}{15a^3b^3c}$$
 (2) $\frac{2x^2+3x-2}{4x^2-1}$ (3) $\frac{x^3+1}{x^2+4x+3}$

(3)
$$\frac{x^3+1}{x^2+4x+3}$$

10

15

乗法・除法

分数式の乗法、除法は次のようにする。

$$\frac{A}{B} \times \frac{C}{D} = \frac{AC}{BD}$$

$$\frac{A}{B} \div \frac{C}{D} = \frac{A}{B} \times \frac{D}{C} = \frac{AD}{BC}$$

$$\frac{x-5}{x^2-x} \div \frac{x^2-10x+25}{x^2-4x} = \frac{x-5}{x^2-x} \times \frac{x^2-4x}{x^2-10x+25}$$

$$= \frac{x-5}{x(x-1)} \times \frac{x(x-4)}{(x-5)^2}$$

$$= \frac{x-4}{(x-1)(x-5)}$$

注意 分数式の計算で得られた結果は、既約な分数式になおしておく。

問19 次の式を計算せよ。

(1)
$$\frac{x^2 - 3x}{x^2 + x - 2} \times \frac{x - 1}{x^2 + 2x}$$
 (2) $\frac{x^3 - 8}{x^2 + 4x + 4} \div \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 + 3x + 2}$

加法・減法

分母が等しい分数式の加法,減法は次のようにする。

$$\frac{A}{C} + \frac{B}{C} = \frac{A+B}{C}$$
$$\frac{A}{C} - \frac{B}{C} = \frac{A-B}{C}$$

$$\frac{3}{x^2 - 4} - \frac{x+1}{x^2 - 4} = \frac{3 - (x+1)}{x^2 - 4}$$

$$= \frac{-(x-2)}{(x+2)(x-2)}$$

$$= -\frac{1}{x+2}$$

問20 次の式を計算せよ。

(1)
$$\frac{x^2+3x+1}{x^2+5x+6} - \frac{x^2+x-3}{x^2+5x+6}$$
 (2) $\frac{x-1}{x^2-x} + \frac{x^2-x+1}{x^2-x}$

いくつかの分数式の分母が異なるときには、適当な整式をそれらの分母 と分子に掛けて、分母が同じ分数式になおすことができる。このことを、 これらの分数式を 通分 するという。

例題 分数式の計算

 $\frac{3}{x^2+3x} + \frac{x+1}{x^2-x}$ を計算せよ。

 $\frac{3}{x^2+3x} + \frac{x+1}{x^2-x} = \frac{3}{x(x+3)} + \frac{x+1}{x(x-1)}$

$$= \frac{3(x-1)}{x(x+3)(x-1)} + \frac{(x+1)(x+3)}{x(x-1)(x+3)}$$

$$= \frac{(3x-3) + (x^2 + 4x + 3)}{x(x+3)(x-1)}$$

$$x(x+3) \longrightarrow x (x+3) \xrightarrow{(x+3)} (x-1)$$

$$=\frac{x^2+7x}{x(x+3)(x-1)}=\frac{x(x+7)}{x(x+3)(x-1)}=\frac{x+7}{(x+3)(x-1)}$$

問21 次の式を計算せよ。

(1)
$$\frac{1}{x+3} + \frac{3}{x-4}$$

(2)
$$\frac{2x}{x^2-1} - \frac{3x}{2x^2+x-1}$$

10

分母や分子に分数式を含む式について考えてみよう。

例 12

$$P = \frac{1 + \frac{1}{x}}{1 - \frac{1}{x^2}}$$
 の右辺は $\left(1 + \frac{1}{x}\right) \div \left(1 - \frac{1}{x^2}\right)$ であるから
$$P = \left(1 + \frac{1}{x}\right) \div \left(1 - \frac{1}{x^2}\right) = \frac{x+1}{x} \div \frac{x^2 - 1}{x^2}$$

$$= \frac{x+1}{x} \times \frac{x^2}{(x+1)(x-1)} = \frac{x}{x-1}$$

注意 Pの分母と分子に x^2 を掛けて、次のように計算してもよい。

$$P = \frac{\left(1 + \frac{1}{x}\right) \times x^2}{\left(1 - \frac{1}{x^2}\right) \times x^2} = \frac{x^2 + x}{x^2 - 1} = \frac{x(x+1)}{(x+1)(x-1)} = \frac{x}{x-1}$$

問22 次の式を簡単にせよ。

$$(1) \quad \frac{a+2}{a-\frac{2}{a+1}}$$

(2)
$$\frac{1 - \frac{x+y}{x-y}}{1 + \frac{x+y}{x-y}}$$

問題

- 1 次の式を展開せよ。
 - $(1) (2a-3b)^3$

(2) $(4a-3b)(16a^2+12ab+9b^2)$

- 2 次の式を因数分解せよ。
 - (1) $x^3v^3 27z^3$

- (2) $x^3 + v^3 + 3v^2 + 3v + 1$
- 3 次の式を展開したとき、それぞれ指定された項の係数を求めよ。
 - (1) $(ax-b)^{12}$ における x^{11} および x^{2} (ただし, a, b は定数とする)
 - (2) $(x-2v+z^2)^7$ における $x^2v^3z^4$
- 次の整式Aを整式Bで割り、商と余りを求めよ。 4
 - (1) $A = 12x^3 x^2 + 2$,
- $B = 3x^2 x 1$
- (2) $A = 6x^3 + x^2 2x + 1$, B = 3x 1
- (3) $A = x^3 5x^2 + 8x + 1$, B = 2x 6
- 5 ある整式Aを $2x^2+4x-3$ で割ると、商がx-2、余りが3x+1である。 このとき、整式Aを求めよ。
- 6 次の式を計算せよ。

10

- (1) $\frac{6x^2 + 13xy 5y^2}{2x^2 xy 3y^2} \div \frac{3x^2 + 2xy y^2}{2x^2 5xy + 3y^2}$
- (2) $\frac{x^2+6x+9}{x^2+3x+9} \times \frac{x^3-27}{3x+9} \div \frac{x^2-9}{3x}$
- (3) $\frac{1}{r-1} \frac{1}{r+1} \frac{2}{r^2+1}$
- (4) $\left(\frac{1}{x+1} \frac{2}{x+2}\right) \div \left(\frac{2}{x+2} \frac{3}{x+3}\right)$
- (5) $\frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{a + 1}}}$ 20