

2章・1節 2次関数とそのグラフ

組	番号	名前

① 関数

② 2次関数とそのグラフ

1 次の□をうめなさい。☑

(1) x の値を定めるとそれに対応して y の値がただ1つ定まるとき、 y は x の□であるという。また、 $y=2x-3$ のように、 y が x の1次式で表されるとき、 y は x の□であるという。また、 $y=x^2-3x+4$ のように、 y が x の2次式で表されるとき、 y は x の□であるという。

(2) $y=ax^2$ のグラフが表す曲線を□という。一般に、放物線は1つの直線に関して対称になっている。この直線を放物線の□といい、軸と放物線の交点を放物線の□という。

また、 $y=ax^2$ のグラフは

$a>0$ のとき□に凸

$a<0$ のとき□に凸

であるという。

2 y は x の関数で、 $y=4x-3$ とする。このとき、 $x=1, -2, \frac{5}{4}$ に対応する y の値を求めなさい。☑

3 次の□をうめ、その2次関数のグラフをかきなさい。☑

(1) $y=x^2-1$ のグラフは、

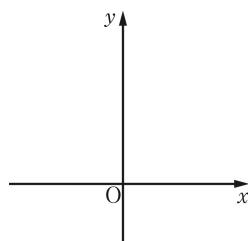
$y=□$ のグラフを

y 軸方向に□

だけ平行移動したものであるから

軸は□,

頂点は点□である。



(2) $y=(x-3)^2$ のグラフは、

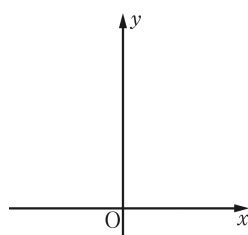
$y=□$ のグラフを

x 軸方向に□

だけ平行移動したものであるから

軸は直線□,

頂点は点□である。



(3) $y=-(x-1)^2-2$ のグラフは、

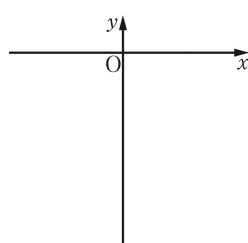
$y=□$ のグラフを

x 軸方向に□, y 軸方向に□

だけ平行移動したものであるから

軸は直線□,

頂点は点□である。



4 $y=2x^2$ のグラフを点 $(4, -6)$ が頂点となるように平行移動した放物線をグラフとする2次関数を求めなさい。☑

5 次の□をうめなさい。☑

2次関数 $y=x^2+4x+5$ は

$$y=x^2+4x+5$$

$$=x^2+2 \times \square x+5$$

$$=(x+\square)^2-\square^2+5$$

$$=(x+\square)^2+\square$$

と変形できる。

よって、 $y=x^2+4x+5$ のグラフは、

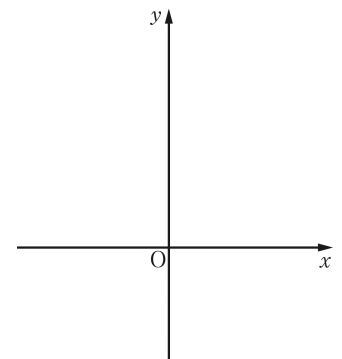
軸が直線□

頂点が点□

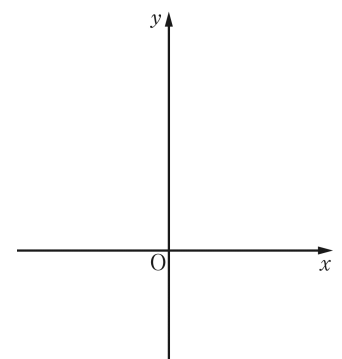
の放物線である。

6 次の2次関数のグラフの軸と頂点を求め、そのグラフをかきなさい。☑

(1) $y=-x^2+2x+3$



(2) $y=3x^2-12x+9$



2章・1節 2次関数とそのグラフ

組	番号	名前

① 関数

② 2次関数とそのグラフ

1 次の□をうめなさい。☑

(1) x の値を定めるとそれに対応して y の値がただ1つ定まるとき、 y は x の **関数** であるという。また、 $y=2x-3$ のように、 y が x の1次式で表されるとき、 y は x の **1次関数** であるという。また、 $y=x^2-3x+4$ のように、 y が x の2次式で表されるとき、 y は x の **2次関数** であるという。

(2) $y=ax^2$ のグラフが表す曲線を **放物線** という。一般に、放物線は1つの直線に関して対称になっている。この直線を放物線の **軸** といい、軸と放物線の交点を放物線の **頂点** という。

また、 $y=ax^2$ のグラフは

$a>0$ のとき **下** に凸

$a<0$ のとき **上** に凸

であるという。

2 y は x の関数で、 $y=4x-3$ とする。このとき、 $x=1, -2, \frac{5}{4}$ に対応する y の値を求めなさい。☑

[解] $x=1$ のとき $y=4 \times 1 - 3 = 1$

$x=-2$ のとき $y=4 \times (-2) - 3 = -11$

$x=\frac{5}{4}$ のとき $y=4 \times \frac{5}{4} - 3 = 2$

3 次の□をうめ、その2次関数のグラフをかきなさい。☑

(1) $y=x^2-1$ のグラフは、

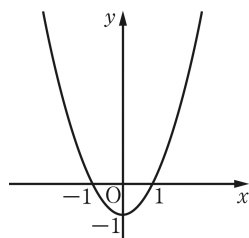
$y=\square$ のグラフを

y 軸方向に **-1**

だけ平行移動したものであるから

軸は **y 軸**、

頂点は点 **$(0, -1)$** である。



(2) $y=(x-3)^2$ のグラフは、

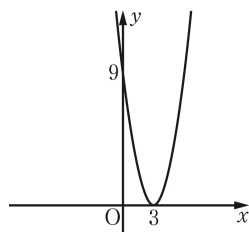
$y=\square$ のグラフを

x 軸方向に **3**

だけ平行移動したものであるから

軸は直線 **$x=3$** 、

頂点は点 **$(3, 0)$** である。



(3) $y=-(x-1)^2-2$ のグラフは、

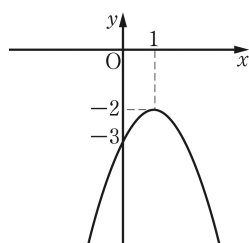
$y=\square$ のグラフを

x 軸方向に **1**、 y 軸方向に **-2**

だけ平行移動したものであるから

軸は直線 **$x=1$** 、

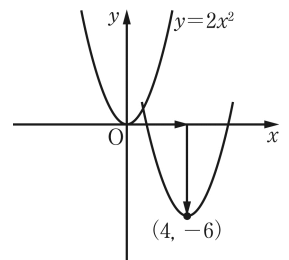
頂点は点 **$(1, -2)$** である。



4 $y=2x^2$ のグラフを点 $(4, -6)$ が頂点となるように平行移動した放物線をグラフとする2次関数を求めなさい。☑

[解] 求める2次関数のグラフは、 $y=2x^2$ のグラフを x 軸方向に4、 y 軸方向に-6だけ平行移動したものであるから

$$y=2(x-4)^2-6$$



5 次の□をうめなさい。☑

2次関数 $y=x^2+4x+5$ は

$$y=x^2+4x+5$$

$$=x^2+2 \times \square x+5$$

$$=(x+\square)^2-\square^2+5$$

$$=(x+\square)^2+\square$$

と変形できる。

よって、 $y=x^2+4x+5$ のグラフは、

軸が直線 **$x=-2$**

頂点が点 **$(-2, 1)$**

の放物線である。

6 次の2次関数のグラフの軸と頂点を求め、そのグラフをかきなさい。☑

(1) $y=-x^2+2x+3$

[解] $y=-x^2+2x+3$

$$=-(x^2-2x)+3$$

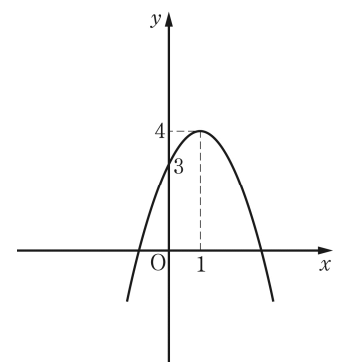
$$=-\{(x-1)^2-1^2\}+3$$

$$=-(x-1)^2+4$$

よって

軸は直線 **$x=1$** 、

頂点は点 **$(1, 4)$**



(2) $y=3x^2-12x+9$

[解] $y=3x^2-12x+9$

$$=3(x^2-4x)+9$$

$$=3\{(x-2)^2-2^2\}+9$$

$$=3(x-2)^2-3$$

よって

軸は直線 **$x=2$** 、

頂点は点 **$(2, -3)$**

