

1  $y$  は  $x$  の関数で,  $y=3x-2$  とする。次の  $x$  の値に対応する  $y$  の値を求めなさい。

(1)  $x=1$

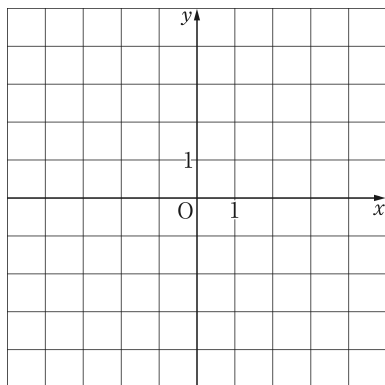
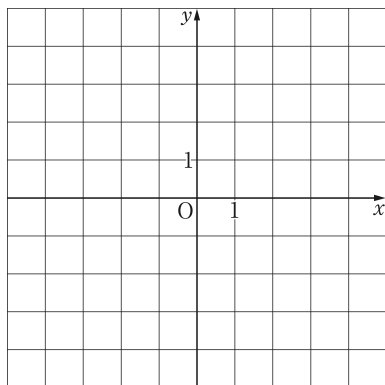
(2)  $x=-2$

(3)  $x=\frac{2}{3}$

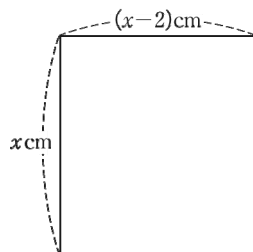
2 次の1次関数のグラフの傾きと切片を求め, グラフをかきなさい。

(1)  $y=x-3$

(2)  $y=-2x+4$

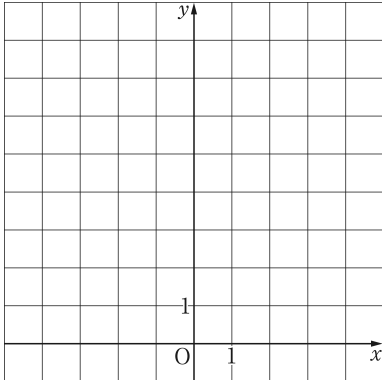


3 縦が  $x$  cm, 横が  $(x-2)$  cm の長方形の面積を  $y$  cm<sup>2</sup> とするとき,  $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

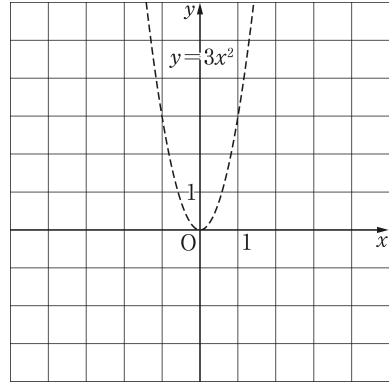


1 次の2次関数のグラフの軸と頂点を求め、そのグラフをかきなさい。

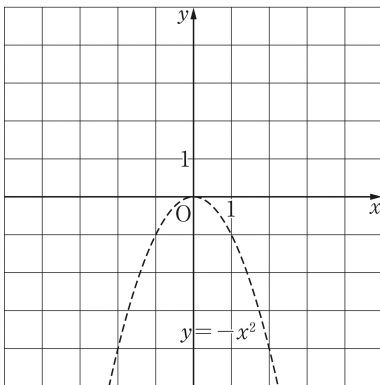
(1)  $y = 2x^2$



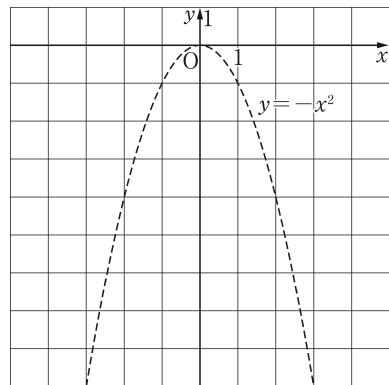
(2)  $y = 3x^2 - 3$



(3)  $y = -x^2 + 4$



(4)  $y = -(x + 2)^2$



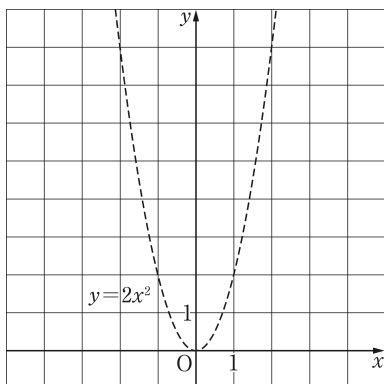
1 次の□をうめなさい。

(1)  $y=3(x-2)^2-5$  のグラフは、 $y=3x^2$  のグラフを $x$ 軸方向に□,  $y$ 軸方向に□だけ平行移動したものである。また、この放物線の軸は直線□, 頂点は点□である。

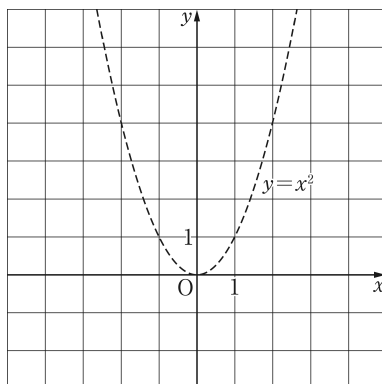
(2)  $y=3x^2$  のグラフを点 $(-1, 4)$ が頂点となるように平行移動した放物線をグラフとする2次関数は、 $y=3(x+\square)^2+\square$ である。

2 次の2次関数のグラフの軸と頂点を求め、そのグラフをかきなさい。

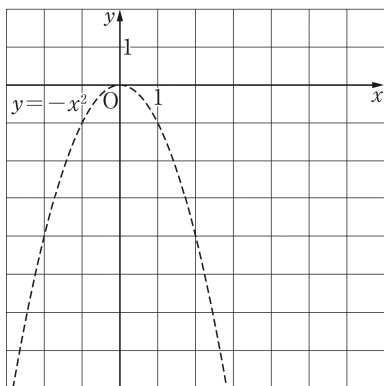
(1)  $y=2(x-1)^2+2$



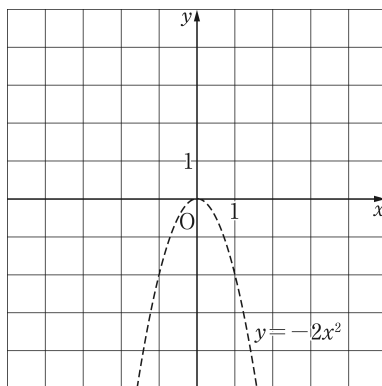
(2)  $y=(x+2)^2-1$



(3)  $y=-(x-4)^2-2$



(4)  $y=-2(x+1)^2+4$



<b>33</b>	<b>2次関数とそのグラフ(4)</b>	年 組 番
	p. 68~69	

**1** 次の関数を  $y=(x-p)^2+q$  の形に変形しなさい。

(1)  $y=x^2+4x$

(2)  $y=x^2-12x$

(3)  $y=x^2+6x+4$

(4)  $y=x^2-8x+7$

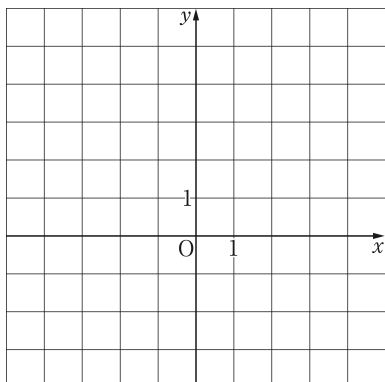
**2** 次の関数を  $y=a(x-p)^2+q$  の形に変形しなさい。

(1)  $y=3x^2-12x+15$

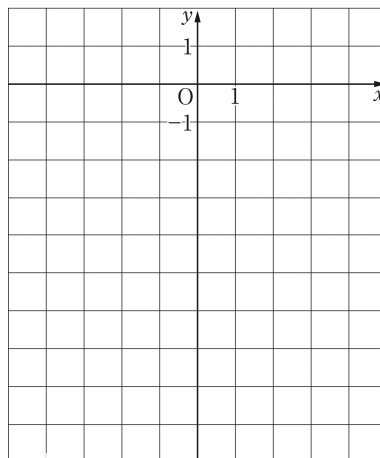
(2)  $y=-x^2-6x+2$

1 次の2次関数のグラフの軸と頂点を求め、そのグラフをかきなさい。

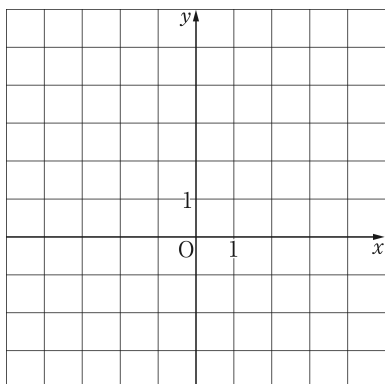
(1)  $y = x^2 - 4x + 1$



(2)  $y = 2x^2 + 8x - 1$



(3)  $y = -2x^2 - 4x + 3$



<b>35</b>	<b>2 次関数の最大値・最小値</b>	年 組 番
	p. 72~74	

**1** 次の2次関数の最大値または最小値を求めなさい。

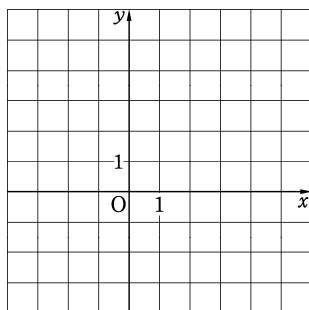
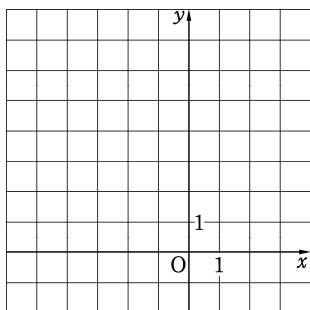
(1)  $y = (x - 2)^2 - 5$

(2)  $y = -2x^2 - 12x - 7$

**2** 次の2次関数の最大値と最小値を求めなさい。

(1)  $y = (x + 2)^2 - 2 \quad (-4 \leq x \leq 1)$

(2)  $y = -x^2 + 2x + 3 \quad (1 \leq x \leq 3)$



1  $y$  は  $x$  の関数で,  $y=3x-2$  とする。次の  $x$  の値に対応する  $y$  の値を求めなさい。

(1)  $x=1$

[解]  $y=3 \times 1 - 2 = 1$

(2)  $x=-2$

[解]  $y=3 \times (-2) - 2 = -8$

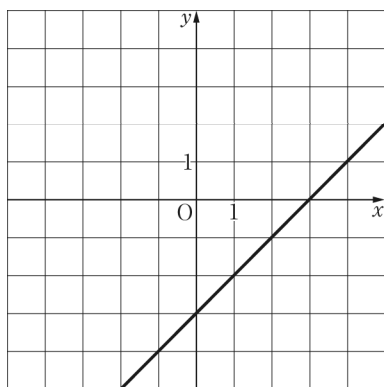
(3)  $x=\frac{2}{3}$

[解]  $y=3 \times \frac{2}{3} - 2 = 0$

2 次の1次関数のグラフの傾きと切片を求め, グラフをかきなさい。

(1)  $y=x-3$

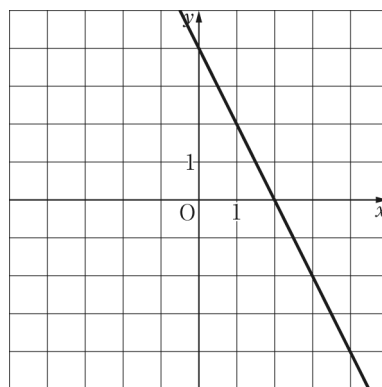
[解]



傾き1, 切片-3

(2)  $y=-2x+4$

[解]



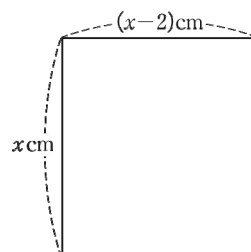
傾き-2, 切片4

3 縦が  $x$  cm, 横が  $(x-2)$  cm の長方形の面積を  $y$  cm<sup>2</sup> とするとき,  $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

[解]  $y=x(x-2)$

すなわち

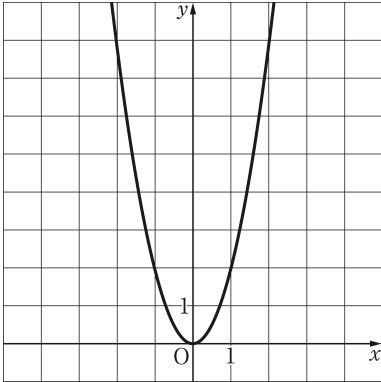
$y=x^2-2x$



1 次の2次関数のグラフの軸と頂点を求め、そのグラフをかきなさい。

(1)  $y = 2x^2$

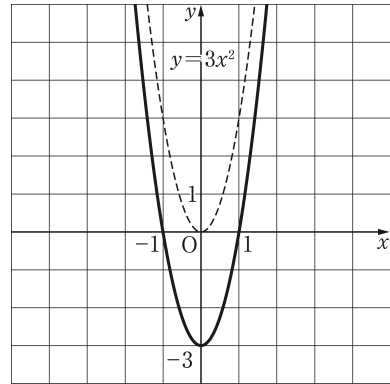
[解]



軸は  $y$  軸, 頂点は原点

(2)  $y = 3x^2 - 3$

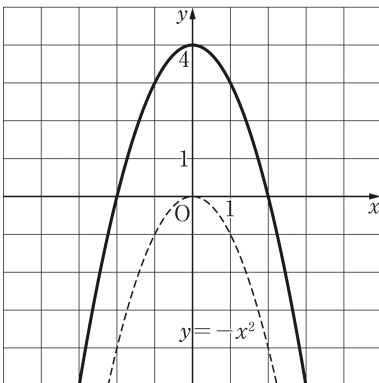
[解]



軸は  $y$  軸, 頂点は点  $(0, -3)$

(3)  $y = -x^2 + 4$

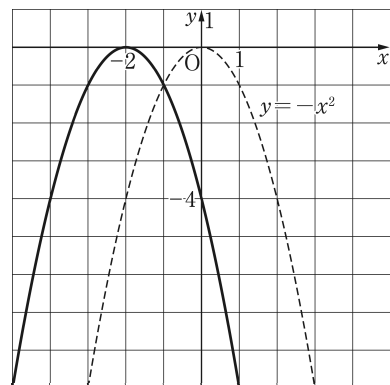
[解]



軸は  $y$  軸, 頂点は点  $(0, 4)$

(4)  $y = -(x + 2)^2$

[解]



軸は直線  $x = -2$ , 頂点は点  $(-2, 0)$



1 次の□をうめなさい。

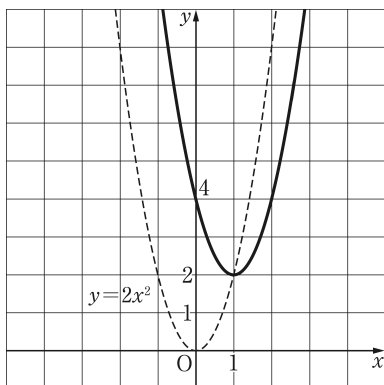
(1)  $y=3(x-2)^2-5$  のグラフは、 $y=3x^2$  のグラフを  $x$  軸方向に □ 2 □,  $y$  軸方向に □ -5 □ だけ平行移動したものである。また、この放物線の軸は直線 □  $x=2$  □, 頂点は点 □ (2, -5) □ である。

(2)  $y=3x^2$  のグラフを点(-1, 4) が頂点となるように平行移動した放物線をグラフとする2次関数は、 $y=3(x+□1□)^2+□4□$  である。

2 次の2次関数のグラフの軸と頂点を求め、そのグラフをかきなさい。

(1)  $y=2(x-1)^2+2$

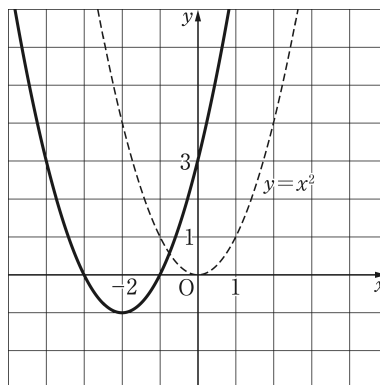
[解]



軸は直線  $x=1$ , 頂点は点(1, 2)

(2)  $y=(x+2)^2-1$

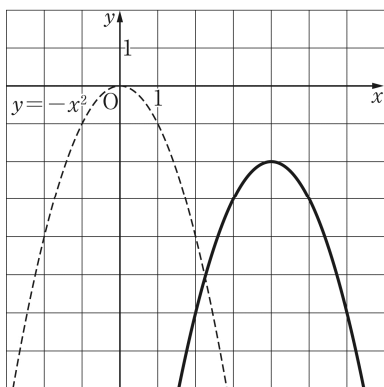
[解]



軸は直線  $x=-2$ , 頂点は点(-2, -1)

(3)  $y=-(x-4)^2-2$

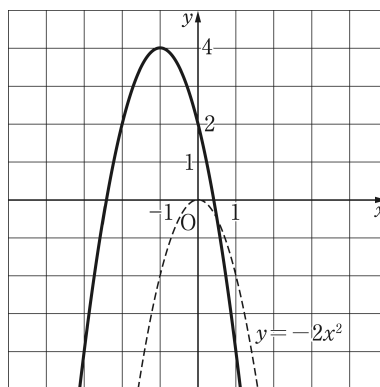
[解]



軸は直線  $x=4$ , 頂点は点(4, -2)

(4)  $y=-2(x+1)^2+4$

[解]



軸は直線  $x=-1$ , 頂点は点(-1, 4)

1 次の関数を  $y=(x-p)^2+q$  の形に変形しなさい。

(1)  $y=x^2+4x$

[解]  $y=x^2+4x$   
 $=x^2+2\times 2x$   
 $=(x+2)^2-2^2$   
 $=(x+2)^2-4$

(2)  $y=x^2-12x$

[解]  $y=x^2-12x$   
 $=x^2-2\times 6x$   
 $=(x-6)^2-6^2$   
 $=(x-6)^2-36$

(3)  $y=x^2+6x+4$

[解]  $y=x^2+6x+4$   
 $=x^2+2\times 3x+4$   
 $=(x+3)^2-3^2+4$   
 $=(x+3)^2-5$

(4)  $y=x^2-8x+7$

[解]  $y=x^2-8x+7$   
 $=x^2-2\times 4x+7$   
 $=(x-4)^2-4^2+7$   
 $=(x-4)^2-9$

2 次の関数を  $y=a(x-p)^2+q$  の形に変形しなさい。

(1)  $y=3x^2-12x+15$

[解]  $y=3x^2-12x+15$   
 $=3(x^2-4x)+15$   
 $=3(x^2-2\times 2x)+15$   
 $=3\{(x-2)^2-2^2\}+15$   
 $=3(x-2)^2-12+15$   
 $=3(x-2)^2+3$

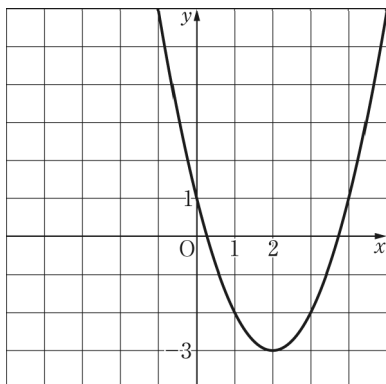
(2)  $y=-x^2-6x+2$

[解]  $y=-x^2-6x+2$   
 $=-(x^2+6x)+2$   
 $=-(x^2+2\times 3x)+2$   
 $=-\{(x+3)^2-3^2\}+2$   
 $=(x+3)^2-9+2$   
 $=(x+3)^2-7$

1 次の2次関数のグラフの軸と頂点を求め、そのグラフをかきなさい。

(1)  $y = x^2 - 4x + 1$

[解]

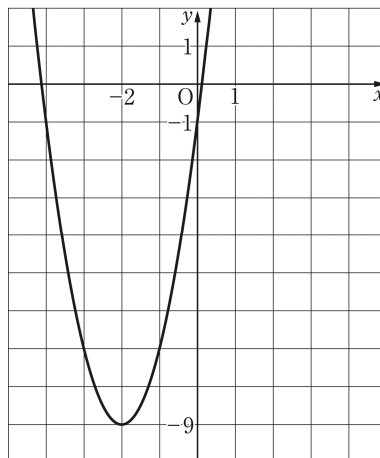


$$\begin{aligned} y &= x^2 - 4x + 1 \\ &= (x-2)^2 - 2^2 + 1 \\ &= (x-2)^2 - 3 \end{aligned}$$

よって 軸は直線  $x=2$  , 頂点は点  $(2, -3)$

(2)  $y = 2x^2 + 8x - 1$

[解]

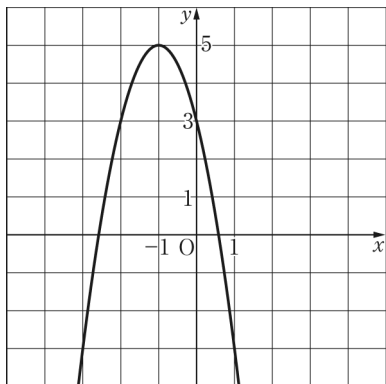


$$\begin{aligned} y &= 2x^2 + 8x - 1 \\ &= 2(x^2 + 4x) - 1 \\ &= 2\{(x+2)^2 - 2^2\} - 1 \\ &= 2(x+2)^2 - 9 \end{aligned}$$

よって 軸は直線  $x=-2$  , 頂点は点  $(-2, -9)$

(3)  $y = -2x^2 - 4x + 3$

[解]



$$\begin{aligned} y &= -2x^2 - 4x + 3 \\ &= -2(x^2 + 2x) + 3 \\ &= -2\{(x+1)^2 - 1^2\} + 3 \\ &= -2(x+1)^2 + 5 \end{aligned}$$

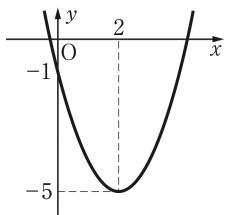
よって 軸は直線  $x=-1$  , 頂点は点  $(-1, 5)$

1 次の2次関数の最大値または最小値を求めなさい。

(1)  $y = (x - 2)^2 - 5$

[解]  $x = 2$  のとき 最小値  $-5$  をとる。

最大値はない。



(2)  $y = -2x^2 - 12x - 7$

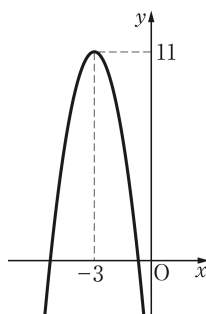
[解]  $y = -2x^2 - 12x - 7$

$$= -2(x + 3)^2 + 11$$

したがって、この関数は

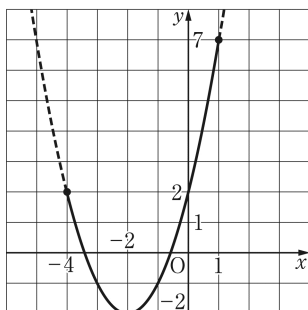
$x = -3$  のとき 最大値  $11$  をとる。

最小値はない。



2 次の2次関数の最大値と最小値を求めなさい。

(1)  $y = (x + 2)^2 - 2$  ( $-4 \leq x \leq 1$ )



[解]  $x = -4$  のとき  $y = 2$

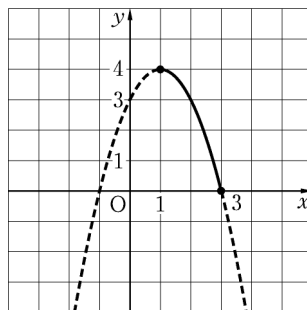
$x = 1$  のとき  $y = 7$

この関数のグラフは上の図の実線部分であるから

$x = 1$  のとき 最大値  $7$

$x = -2$  のとき 最小値  $-2$

(2)  $y = -x^2 + 2x + 3$  ( $1 \leq x \leq 3$ )



[解]  $y = -x^2 + 2x + 3$

$$= -(x - 1)^2 + 4$$

よって  $x = 1$  のとき  $y = 4$

$x = 3$  のとき  $y = 0$

この関数のグラフは上の図の実線部分であるから

$x = 1$  のとき 最大値  $4$

$x = 3$  のとき 最小値  $0$