1節 式の計算

単項式と多項式

2x, $-3x^2$, $4x^2v^3$ のように、数、文字およびそれらの積として表される 式を 単項式 という。単項式において、掛け合わされている文字の個数を その単項式の次数といい、数の部分をその係数という。

例 1

- (1) 2x の次数は 1. 係数は 2
- (2) $-3x^2$ の次数は 2, 係数は -3
- (3) $4x^2y^3$ の次数は 5, 係数は 4



問 1 次の単項式の次数と係数を答えよ。

- (1) $4x^2$
- (2) $\frac{1}{3}x$ (3) $\frac{3}{2}x^3y^2$ (4) $-x^2y$

10

15

単項式の和として表される式を 多項式 といい、その1つ1つの単項式 を多項式の項という。単項式と多項式を合わせて整式という。

単項式を項の数が1つだけの多項式と考えることもできる。 注意

例 2

(1) 2x+1 の項は 2x と 1 である。

(2) $3x^2-2x-4=3x^2+(-2x)+(-4)$ であるから $3x^2-2x-4$ の項は $3x^2$, -2x, -4 である。

問 2 $2x^3 - x^2 + 5x - 3$ の項をすべて答えよ。

整式の整理

整式 $2x^2+4x+3x^2$ における 2 つの項 $2x^2$. $3x^2$ のように. 文字の部分 20 が同じ項を 同類項 という。同類項は1つにまとめることができる。

$$2x^{2} + 4x + 3x^{2} = (2+3)x^{2} + 4x = 5x^{2} + 4x$$

このように同類項をまとめることを、整式を整理するという。

式の計算

$$4x^2+x^3-2x-x^2+5+3x^3$$
を整理すると

$$4x^3 + 3x^2 - 2x + 5$$

例3のように、整式を整理し、項を次数の高いものから順に並べるこ とを、隆べきの順 に整理するという。

問3 次の整式を降べきの順に整理せよ。

(1)
$$x + 5x^2 - 2 + 7x^3 - 4x$$
 (2) $5x - x^2 + 3x^3 + 6x^2 + 3 - 2x^3$

整理された整式において、各項の次数のうち最も高いものを、その整式 の 次数 といい、次数がn の整式をn次式 という。

また、整式の項の中で、文字を含まない項を 定数項 という。

20

- (1) 2x+1は1次式で、定数項は1である。
- (2) $-5x^3+7x-3$ は 3 次式で、定数項は -3 である。

問 4 次の整式は何次式で、定数項は何か。

(1)
$$3x^4 - x^3 + 5x^2 - 7x - 1$$
 (2) $x - 5x^2 + 2 - 7x^3$

(2)
$$x - 5x^2 + 2 - 7x^2$$

整式 $4x^2 + ax - 2x + 3a$ は 2 種類の文字 x, a を含んでいる。この整式 15 において、文字 x に着目して、文字 a を定数として扱うと、この整式は

$$4x^2 + (a-2)x + 3a$$

と変形できる。このことを、 x について降べきの順に整理するという。 この整式は、xについては2次式で、定数項は3aである。

また、この整式 $\epsilon \alpha$ について降べきの順に整理すると

$$(x+3)a+(4x^2-2x)$$

となるから、a については 1 次式で、定数項は $4x^2-2x$ である。

問 5 次の整式をxについて降べきの順に整理せよ。また、xについては何 次式で、その場合の定数項は何か。

(1)
$$x^2 + ax + a^2 - x - 1$$

(1)
$$x^2 + ax + a^2 - x - 1$$
 (2) $x^2 + 2xy - 3y^2 - 3x - 5y + 2$

整式の加法・減法

整式の和・差は、同類項をまとめることにより計算できる。

例 5 整式
$$A = 5x^2 - 6x + 4$$
, $B = 2x^2 - 3$ について

$$A - B = (5x^2 - 6x + 4) - (2x^2 - 3)$$

= $5x^2 - 6x + 4 - 2x^2 + 3$
= $(5-2)x^2 - 6x + 4 + 3$
= $3x^2 - 6x + 7$

$$5x^2-6x+4$$
 $+)2x^2-3$ $7x^2-6x+1$ $5x^2-6x+4$ - □ 類項を縦にそろえて 計算してもよい

- 問6 次の整式 A, B について、A+B, A-B を求めよ。
 - (1) $A = 4x^2 3x + 10$, $B = x^2 + x + 6$
 - (2) $A = x^3 x^2 + 1$, $B = x^2 + x 1$

例 題

整式の加法・減法

10

15

$$A = x^2 + 3x - 1$$
, $B = 2x^2 - x + 5$ のとき, $A - 2B$ を求めよ。

$$\begin{aligned} \mathbf{A} - 2B &= (x^2 + 3x - 1) - 2(2x^2 - x + 5) \\ &= x^2 + 3x - 1 - 4x^2 + 2x - 10 \\ &= (1 - 4)x^2 + (3 + 2)x - 1 - 10 = -3x^2 + 5x - 11 \end{aligned}$$

問7
$$A = 3x^2 - 2x + 5$$
, $B = 2x^2 - 4x - 1$ のとき、次の式を計算せよ。

(1)
$$A + 2B$$

(2)
$$2A - 3F$$

(2)
$$2A-3B$$
 p.23 Training 1 p.46 Level Up 1

指数法則

5

10

a をいくつか掛けたものを a の **累乗** とい $a \times a \times \cdots \times a = a^{n}$

う。a をn 個掛けたものをa の n 乗 といい. $\frac{n}{n}$ 個

 a^n と表す。このとき、n を a^n の 指数 という。とくに $a^1 = a$ である。

指数について、どのような法則が成り立つかを考えてみよう。

$$a^{2} \times a^{3} = (a \times a) \times (a \times a \times a) = a^{5}$$

$$--- \boxed{a^{2} \times a^{3} = a^{2+3}}$$

$$a^2 \times a^3 = a^{2+3}$$

$$(a^2)^3 = a^2 \times a^2 \times a^2$$

$$= (a \times a) \times (a \times a) \times (a \times a) = a^{6} \qquad - (a^{2})^{3} = a^{2 \times 3}$$

$$-|(a^2)^3 = a^{2\times 3}$$

$$(ab)^{3} = ab \times ab \times ab = (a \times b) \times (a \times b) \times (a \times b)$$

$$= (a \times a \times a) \times (b \times b \times b) = a^3 b^3 \qquad --- \qquad (ab)^3 = a^3 b^3$$

$$(ab)^3 = a^3 b^3$$

一般に、m、n を正の整数とするとき、次の **指数法則** が成り立つ。

指数法則

[1]
$$a^m \times a^n = a^{m+n}$$

[2]
$$(a^m)^n = a^{mn}$$

$$[3] (ab)^n = a^n b^n$$

15

$$g^{3} \times a^{5} = a^{3+5} = a^{8}$$
 $(a^{4})^{3} = a^{4 \times 3} = a^{12}$

$$(a^4)^3 = a^{4 \times 3} = a^1$$

$$(a^2b)^4 = (a^2)^4b^4 = a^{2\times 4}b^4 = a^8b^4$$

問8 次の計算をせよ。

$$(1) \quad a^6 \times a^3 \qquad \qquad (2) \quad a \times a^7$$

(2)
$$a \times a^7$$

(3)
$$(a^5)^3$$

$$(4) (a^4)^8$$

$$(5) (ab^4)^2$$

(6)
$$(a^3b^5)^6$$

20 単項式の積は、係数、文字の部分の積をそれぞれ計算すればよい。

$$(3x)^2 \times 5x^4 = 3^2x^2 \times 5x^4$$

$$= (3^2 \times 5) \times (x^2 \times x^4) = 45x^6$$

問 9 次の計算をせよ。

(1)
$$2x^3 \times 3x^5$$

(2)
$$9xy \times (-5x^4)$$

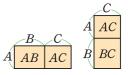
(3)
$$(3x^3)^4 \times 10x^2$$

(3)
$$(3x^3)^4 \times 10x^2$$
 (4) $(-2xy^3)^2 \times (3xy)^3$ p.23 Training 2

式の展開

整式の積を計算するには、次の分配法則を用いる。

$$A(B+C) = AB+AC$$
$$(A+B)C = AC+BC$$



5

15

20

例 8

$$2x^{2}(5x^{2}-4x-1) = 2x^{2} \cdot 5x^{2} + 2x^{2} \cdot (-4x) + 2x^{2} \cdot (-1)$$

$$= 10x^{4} - 8x^{3} - 2x^{2}$$

注意 ここで用いた記号・は×と同様に掛け算を表す。

問10 次の計算をせよ。

(1)
$$4x(x^2+4x-3)$$

(2)
$$(3x^2-2x+5)\times(-2x)$$
 p.23 Training 3(1) 10

整式の積を単項式の和の形に表すことを 展開 するという。

例 9

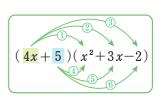
$$(4x+5)(x^{2}+3x-2)$$

$$= 4x(x^{2}+3x-2)+5(x^{2}+3x-2)$$

$$= 4x^{3}+12x^{2}-8x+5x^{2}+15x-10$$

$$= 4x^{3}+(12+5)x^{2}+(-8+15)x-10$$

$$= 4x^{3}+17x^{2}+7x-10$$



例9は次のような形式で計算することもできる。

同類項を縦にそろえる ―

- 問11 次の式を展開せよ。
 - (1) (x+6)(2x+3)
- (2) (3x-2)(x-1)
- (3) $(x+5)(2x^2-3x-6)$
- (4) $(2x-3)(4x^2-x+2)$

p.23 Training 3(2)

乗法公式

展開において、基本的な公式 [1] \sim [5] がよく利用される。

乗法公式(1)

[1]
$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

[2]
$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

[3]
$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$



例 10

5

10

15

20

(1)
$$(3x+y)^2 = (3x)^2 + 2 \cdot 3x \cdot y + y^2 = 9x^2 + 6xy + y^2$$

$$(a + b)^2 = a^2 + 2 \cdot a \cdot b + b^2$$

(2)
$$(5x-1)^2 = (5x)^2 - 2 \cdot 5x \cdot 1 + 1^2 = 25x^2 - 10x + 1$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2 \cdot a \cdot b + b^2$$

(3)
$$(2x+3y)(2x-3y) = (2x)^2 - (3y)^2 = 4x^2 - 9y^2$$

$$(a + b) (a - b) = a^2 - b^2$$

問 12 次の式を展開せよ。

(1)
$$(x+2)^2$$

2)
$$(x-5)^2$$

(1)
$$(x+2)^2$$
 (2) $(x-5)^2$ (3) $(x+3y)^2$

(4)
$$(3x-4y)^2$$

(5)
$$(3x+2)(3x-2)$$

(4)
$$(3x-4y)^2$$
 (5) $(3x+2)(3x-2)$ (6) $(5x+2y)(5x-2y)$ p.23 Training 3(3) \sim (5)

乗法公式(2)

[4]
$$(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

例 11

(1)
$$(x+3)(x+2) = x^2 + (3+2)x + 3 \cdot 2 = x^2 + 5x + 6$$

(2)
$$(x-2y)(x+y) = x^2 + (-2y+y)x + (-2y) \cdot y$$

= $x^2 - xy - 2y^2$

問 13 次の式を展開せよ。

(1)
$$(x+5)(x+3)$$

(2)
$$(x-3)(x+6)$$

(3)
$$(x+4y)(x-7y)$$
 (4) $(x-y)(x-5y)$ p.23 Training 3(6)

(4)
$$(x-y)(x-5y)$$

x についての 1 次式 ax + b と cx + d の積は、次のようになる。

$$(ax+b)(cx+d) = ax(cx+d) + b(cx+d)$$
$$= acx^{2} + adx + bcx + bd$$
$$= acx^{2} + (ad+bc)x + bd$$

乗法公式(3)

[5] $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

例 12

(1)
$$(2x-3)(4x+1)$$

= $2 \cdot 4x^2 + \{2 \cdot 1 + (-3) \cdot 4\}x + (-3) \cdot 1$
= $8x^2 - 10x - 3$ (2 $x - 3)(4x + 1)$

$$(2x-3)(4x+1)$$

(2)
$$(3x+2y)(2x-y)$$

 $=8x^2-10x-3$

$$= 3 \cdot 2x^{2} + \{3 \cdot (-y) + 2y \cdot 2\}x + 2y \cdot (-y)$$

$$=6x^2+xy-2y^2$$

問 14 次の式を展開せよ。 p.23 Training 3(7)(8)

10

15

20

(1)
$$(3x+4)(2x+3)$$

(2)
$$(4x+1)(5x-2)$$

(3)
$$(2x-3y)(x+5y)$$

(4)
$$(3x-2y)(4x-3y)$$

置き換えによる展開の工夫

式の一部を別の文字に置き換えることによって、展開が簡単になること がある。

例 13
$$(x-y+1)(x-y-1)$$
 を展開してみよう。

$$x-y=A$$
 とおくと
$$(x-y+1)(x-y-1)=(A+1)(A-1)$$

$$=A^2-1$$

$$=(x-y)^2-1$$

$$=x^2-2xy+y^2-1$$

問 15

次の式を展開せよ。

p.23 **Training** 4(1)

(1)
$$(a-b+3)(a-b-7)$$
 (2) $(x+y)(x+y-z)$

(2)
$$(x+y)(x+y-z)$$

5

10

15

2 次の等式が成り立つことを示せ。

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$$

a+b=A とおくと 証明

$$(a+b+c)^{2}$$

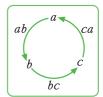
$$= (A + c)^2$$

$$= A^2 + 2Ac + c^2$$

$$= (a+b)^2 + 2(a+b)c + c^2$$

$$= a^2 + 2ab + b^2 + 2ac + 2bc + c^2$$

$$= a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$$



← ab, bc, ca の順に並べた

 $(a+2b-1)^2$ を、例題 2 の結果を利用して展開してみよう。 例 14

$$(a+2b-1)^2 \qquad ---- \{a+2b+(-1)\}^2$$

$$= a^2 + (2b)^2 + (-1)^2 + 2 \cdot a \cdot 2b + 2 \cdot 2b \cdot (-1) + 2 \cdot (-1) \cdot a$$

$$=a^2+4b^2+1+4ab-4b-2a$$

問16 次の式を展開せよ。

p.23 Training 4(2) p.46 Level Up 2,3

(1)
$$(a-b-2)^2$$

(2)
$$(a-3b+2c)^2$$

数の計算に乗法公式を利用してみよう

・8020×7980の計算

$$8000 = a$$
, $20 = b$ とおくと

$$8020 \times 7980 = (a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

$$= 8000^2 - 20^2 = 64000000 - 400 = 63999600$$

・9962の計算

$$1000 = a$$
, $4 = b$ とおくと

$$996^2 = (a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$= 1000^2 - 2 \cdot 1000 \cdot 4 + 4^2 = 1000000 - 8000 + 16 = 992016$$

3次式の乗法公式

13ページの乗法公式(1)を用いると、次の3次式の乗法公式が得られる。

3次式の乗法公式(1)

[1]
$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

[2]
$$(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

問 1 上の公式[1], [2] が成り立つことを確かめよ。

(1)
$$(x+2)^3 = x^3 + 3 \cdot x^2 \cdot 2 + 3 \cdot x \cdot 2^2 + 2^3$$

= $x^3 + 6x^2 + 12x + 8$

(2)
$$(3x-2y)^3 = (3x)^3 - 3 \cdot (3x)^2 \cdot 2y + 3 \cdot 3x \cdot (2y)^2 - (2y)^3$$

= $27x^3 - 54x^2y + 36xy^2 - 8y^3$

問 2 次の式を展開せよ。

(1)
$$(x+1)^3$$
 (2) $(2x-3)^3$ (3) $(3x+y)^3$ (4) $(x-2y)^3$

(2)
$$(2x-3)^3$$

(3)
$$(3x+y)^3$$

$$(4) (x-2y)^3$$

5

10

15

20

3次式の乗法公式として、次の式もよく利用される。

3次式の乗法公式(2)

[3]
$$(a+b)(a^2-ab+b^2) = a^3+b^3$$

[4]
$$(a-b)(a^2+ab+b^2) = a^3-b^3$$

問3 上の公式[3]. [4] が成り立つことを確かめよ。

(1)
$$(x+2)(x^2-2x+4) = (x+2)(x^2-x\cdot 2+2^2)$$

= $x^3+2^3=x^3+8$

(2)
$$(3x-2y)(9x^2+6xy+4y^2)$$

= $(3x-2y)\{(3x)^2+3x\cdot 2y+(2y)^2\}$
= $(3x)^3-(2y)^3=27x^3-8y^3$

問 4 次の式を展開せよ。

(1)
$$(x+5)(x^2-5x+25)$$

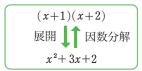
(1)
$$(x+5)(x^2-5x+25)$$
 (2) $(4x-3y)(16x^2+12xy+9y^2)$

(x+1)(x+2)を展開すると

$$x^2 + 3x + 2$$

になる。逆に、 x^2+3x+2 を

$$(x+1)(x+2)$$



のような積の形にすることを **因数分解** といい, x+1や x+2を x^2+3x+2 の **因数** という。

すなわち、因数分解とは、与えられた整式を1次以上の整式の積の形 に表すことである。

共通因数のくくり出し

整式の各項に共通な因数があるとき、分配法則

$$AB+AC=A(B+C)$$

$$AC + BC = (A+B)C$$

を用いると、その共通な因数をかっこの外にくくり出して、整式を因数分 解することができる。

例 15

(1)
$$\frac{a}{a}b + \frac{a}{a}c - \frac{a}{a}d = \frac{a}{a}(b + c - d)$$

$$(2) \ 2xy - y = 2x \cdot y - 1 \cdot y$$

$$= (2x-1)y$$

(3)
$$4x^2y - 6xy^2 = 2xy \cdot 2x - 2xy \cdot 3y$$

= $2xy \cdot (2x - 3y)$

20

5

注意 "因数分解せよ"という問題では、それ以上因数分解ができないところまで 因数分解する。

問17 次の式を因数分解せよ。

(1) xy + xz

- (2) $3a^2b + b$
- (3) abc acd
- $(4) 12x^2y + 18xy^2$

p.23 Training 5(1)

2次式の因数分解

乗法公式を逆に用いて、 因数分解してみよう。

因数分解の公式(1)

[1]
$$a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$$

[2]
$$a^2-2ab+b^2=(a-b)^2$$

[3]
$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

例 16 (1) $x^2 + 6x + 9 = x^2 + 2 \cdot 3 \cdot x + 3^2 = (x+3)^2$

(2)
$$4x^2 - 4xy + y^2 = (2x)^2 - 2 \cdot 2x \cdot y + y^2 = (2x - y)^2$$

(3)
$$x^2 - 16y^2 = x^2 - (4y)^2 = (x + 4y)(x - 4y)$$

問 18 次の式を因数分解せよ。

(1)
$$x^2 + 4x + 4$$

(1)
$$x^2 + 4x + 4$$
 (2) $4x^2 - 20xy + 25y^2$

(3)
$$9x^2 - 25$$

$$(4) \ \ 36x^2 - 49y^2$$

(3) $9x^2 - 25$ (4) $36x^2 - 49y^2$ p.23 Training 5(2)~(4)

5

10

15

20

因数分解の公式(2)

[4]
$$x^2 + (a+b)x + ab = (x+a)(x+b)$$

$$x^2 + 2x - 8$$
を因数分解するには

$$\begin{cases} 積 & ab = -8 \\ 和 & a+b=2 \end{cases}$$

となる2つの数a, bの組を見つ ければよい。

積が-8となる 1 | -1 |-22数の組 -82

このような2つの数は-2, 4であるから

$$x^2 + 2x - 8 = (x - 2)(x + 4)$$

例 17
$$x^2 - 10x + 21 = (x - 3)(x - 7)$$

$$---- \begin{cases} 21 = (-3) \cdot (-7) \\ -10 = (-3) + (-7) \end{cases}$$

問 19 次の式を因数分解せよ。

(1)
$$x^2 + 5x + 6$$

(2)
$$x^2 - x - 12$$

(3)
$$x^2 - 9x + 18$$

(4)
$$x^2 + 5x - 24$$
 p.23 Training 5(5) 25

 $x^2-8xy+15y^2$ を因数分解してみよう。

χについての 2 次式とみると

$$x^{2} - 8xy + 15y^{2} = x^{2} - 8y \cdot x + 15y^{2}$$

$$= (x - 3y)(x - 5y)$$

$$= (-3y) \cdot (-5y)$$

問20 次の式を因数分解せよ。 5

(1)
$$x^2 + 6xy + 8y^2$$
 (2) $x^2 - 3xy - 18y^2$ p.23 Training 5(6)

(2)
$$x^2 - 3xy - 18y^2$$

 x^2 の係数が 1 でない 2 次式の因数分解では、次の公式が用いられる。

因数分解の公式(3)

[5]
$$acx^2 + (ad + bc)x + bd = (ax + b)(cx + d)$$

x の 2 次式 10

15

20

$$5x^2 + 13x + 6$$

の因数分解を考えてみよう。

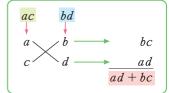
公式 [5] より

$$ac = 5$$

$$ad + bc = 13$$

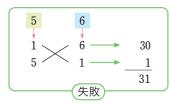
$$bd = 6$$

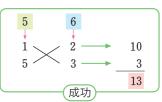
を満たすa, b, c, d を見つければよい。



①積が 5 とな	a	1	5
る a, c の組	С	5	1

まず、①と③に注目し、そのなかで②を満たすものをさがす。*





 $\left\{ egin{array}{ll} a=1, & b=2 \\ c=5, & d=3 \end{array}
ight.$ とすれば,条件 ①,②,③ を満たす。したがって

$$5x^2 + 13x + 6 = (x+2)(5x+3)$$

のように因数分解できる。

^{*} このように因数分解する方法を、たすき掛けの方法という。

$$6x^2 - 7x - 3$$

$$= (2x - 3)(3x + 1)$$

問21 次の式を因数分解せよ。

- (1) $2x^2 + 3x + 1$
- (2) $5x^2 12x + 4$
- (3) $8x^2 + 2x 3$ (4) $4x^2 11x + 6$
- (5) $12x^2 x 6$
- (6) $6x^2 13x + 6$ p.23 Training 5(7)(8)

10

20

例 題

因数分解の公式の利用

3 $3x^2-13xy+4y^2$ を因数分解せよ。

考え方 x についての 2 次式とみると、x の係数は -13v、定数項は $4v^2$ で ある。

解

$$3x^{2} - 13xy + 4y^{2}$$

$$= 3x^{2} - 13y \cdot x + 4y^{2}$$

$$= (x - 4y)(3x - y)$$

問22 次の式を因数分解せよ。

- (1) $4x^2 + 3xy 7y^2$ (2) $8x^2 2xy 15y^2$ p.23 Training 5(9)(10) 15

因数分解の工夫

整式の一部を別の文字に置き換えると、共通因数でくくったり、公式に あてはめたりすることで因数分解できることがある。

例 20

v(x-1)+2(1-x) を因数分解してみよう。

- (1) x(x+y) + 5y(x+y)
- (2) $(a-b)^2 3(a-b)$
- (3) x(a-b)+b-a

p.23 **Training** 6(3)

例題

5

因数分解の丁夫[1]

4 次の式を因数分解せよ。

$$(x-y)^2 - 6(x-y) + 8$$

x-v=A とおくと

$$(\frac{x-y}{x-y})^2 - 6(\frac{x-y}{x-y}) + 8 = A^2 - 6A + 8$$
$$= (A-2)(A-4) = (\frac{x-y}{x-y} - 2)(\frac{x-y}{x-y} - 4)$$

問24 次の式を因数分解せよ。 10

- (1) $(x+v)^2 + 7(x+v) + 10$ (2) $(x+2v)^2 6(x+2v) + 9$

(3) $x^2 - (v+z)^2$

p.23 Training 6(4)(5)

2つ以上の文字を含む整式においては、最も次数の低い文字について 整理すると因数分解が簡単になることがある。

15 例題 因数分解の丁夫[2]

5 $2ab+b^2+4a-b-6$ を因数分解せよ。

この式はaについて1次式、bについて2次式であるから、 考え方 次数の低い a について整理 する。

a について整理すると

問25 次の式を因数分解せよ。

- (1) $x^2 + xy x + y 2$
- (2) $2ab+2b^2-a+b-1$ p.23 **Training** 6(6)

25

最も次数の低い文字が2つ以上あるときは、そのうちの1つの文字に ついて整理するとよい。

例題

因数分解の工夫[3]

6

 $2x^2 + 3xy + y^2 + x - y - 6$ を因数分解せよ。

まず、xについての2次式とみて、降べきの順に整理する。次に、定 考え方 数項にあたるvの式を因数分解し、19ページの公式 [5] を利用する。

解 $2x^2 + 3xy + y^2 + x - y - 6$ $=2x^2+(3y+1)x+(y^2-y-6)$ $=2x^{2}+(3y+1)x+(y+2)(y-3)$ $= \{x + (v + 2)\}\{2x + (v - 3)\}\$ = (x+v+2)(2x+v-3)

 $y-3 \longrightarrow y-3$ 3v + 1

15

20

25

問26

次の式を因数分解せよ。

p.23 Training 6(7)(8) p.46 Level Up 4

xについて整理

(1) $x^2 + 4xy + 3y^2 - 4x - 14y - 5$ (2) $3x^2 + 2xy - y^2 - x + 3y - 2$

3次式の因数分解

3次式の乗法公式を用いて、因数分解してみよう。

16ページの公式 [3], [4] から、次の 3 次式の因数分解の公式が成り立つ。

3次式の因数分解の公式

[1]
$$a^3+b^3=(a+b)(a^2-ab+b^2)$$

[2]
$$a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$$

例 1

(1)
$$x^3 + 27 = x^3 + 3^3 = (x+3)(x^2 - x \cdot 3 + 3^2)$$

 $=(x+3)(x^2-3x+9)$

(2)
$$8x^3 - 125y^3 = (2x)^3 - (5y)^3$$

= $(2x - 5y)\{(2x)^2 + 2x \cdot 5y + (5y)^2\}$
= $(2x - 5y)(4x^2 + 10xy + 25y^2)$

問 1 次の式を因数分解せよ。

(1) $x^3 + 64$

(2) $x^3 - 1$

(3) $27x^3 + v^3$

Training トレーニング =

- 1 $A = x^2 + x - 3$, $B = 2x^2 - x + 4$, $C = -3x^2 + 5$ のとき、次の式を計 算せよ。
 - (1) A-B-C

(2) 3(2A+B)-2(3A-C)

p.10

2 次の計算をせよ。

5

15

20

25

30

- (1) $4a^5 \times 3a^2$
- (3) $5a^3b \times (-7a^4b^5)$

- (2) $-x^3 \times (-x)^4$
- (4) $(-2xy)^3 \times (3x^2y^3)^2$

p.11

- 10 3 次の式を展開せよ。
 - (1) $5xy(x^2-xy+3y^2)$
 - (3) $(9x + 2v)^2$
 - (5) (3x+10v)(3x-10v)
 - (7) (5x-2y)(3x-y)

- (2) $(3x-1)(x^2+7x+5)$
- $(4) (6x 7v)^2$
- (6) (x-8v)(x+6v)
- (8) (4x+5y)(5x-4y)

p.12-14

- 次の式を展開せよ。 4
 - (1) (a+b+c)(a-b+c)
- (2) $(2a-3b+1)^2$

p.14-15

- 5 次の式を因数分解せよ。
 - (1) $3a^3b^2 6a^2b^3 + 12a^2b^2c$
 - (3) $16a^2 + 24ab + 9b^2$
 - (5) $x^2 11x + 10$
 - (7) $10x^2 + 17x + 6$
 - (9) $15x^2 22xy + 8y^2$

- (2) $x^2 8x + 16$
- (4) $16x^2 81v^2$
- (6) $x^2 + 3xy 54y^2$
- (8) $8x^2 13x 6$
- (10) $6x^2 + 23xy 18y^2$

p.17-20

- 6 次の式を因数分解せよ。
 - (1) $2x^3 12x^2 + 18x$
 - (3) x(x-3v)-4v(3v-x)
 - (5) $2(x-v)^2+(v-x)-3$
 - (7) $2x^2 + 5xy + 2y^2 5x y 3$ (8) $x^2 y^2 + 4x + 6y 5$
- (2) $ax^2 9ay^2$
- (4) $(2x+v)^2+6(2x+v)-7$
- (6) $a^2b-3ab+a+2b-2$

p.21-22