

| | | | | | |
|------|-------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.19 整数の性質 約数と倍数 | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | ／20 |

1. 次の空欄に語句を入れよ。

20 は 4 で から, 4 は 20 の であり, 20 は 4 の である。

2. 次の各問に答えよ。

(1) 28 の正の約数をすべて求めよ。

(2) 28 の正の倍数で 150 以下であるものをすべて求めよ。

3. 次の数は, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9 のうち, どの数の倍数であるか答えよ。

(1) 175

(2) 180

(3) 1088

(4) 6561

| | | | | | |
|------|----------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.20 整数の性質 素因数分解と約数 | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | ／20 |

1. 6個の数 2, 9, 12, 23, 35, 47 を素数と合成数に分類せよ。

2. 次の数を素因数分解せよ。

(1) 60

(2) 378

3. 素因数分解を用いて、次の数の正の約数をすべて求めよ。

(1) 24

(2) 150

| | | | | |
|------|-------------------|---|------|-----|
| 小テスト | No.21 整数の性質 約数の利用 | | | |
| | 年 | 組 | 番 名前 | /20 |

1. 次の関係を満たす整数, a , b の組をすべて求めよ。

(1) $ab=5$

(2) $a(b+1)=-7$

(3) $(a-1)(b+3)=4$

(4) $ab-a+2b+3=0$

| | | | | | |
|------|-----------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.22 整数の性質 公約数と最大公約数 | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | /20 |

1. 次の2つの数の最大公約数を求めよ。

(1) 54 と 72

(2) 90 と 210

(3) 756 と 882

2. 縦 84 cm, 横 126 cm の長方形の壁に, 同じ大きさの正方形のタイルをすき間なく敷き詰める。タイルをできるだけ大きくするには, 1 辺の長さを何 cm にすればよいか。

| | | | | | |
|------|-------------|---|---|----|-------------------|
| 小テスト | No.23 整数の性質 | | | | 公倍数と最小公倍数 |
| | | | | | 3つの整数の最大公約数と最小公倍数 |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | /20 |

1. 次の2つの数の最小公倍数を求めよ。

(1) 54 と 72

(2) 90 と 210

(3) 756 と 882

2. 3つの数 36, 60, 168 の最大公約数と最小公倍数を求めよ。

| | | | | | |
|------|----------------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.24 整数の性質 最大公約数・最小公倍数の関係 | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | ／20 |

1. 次の各問に答えよ。

(1) 42 と 105 の最大公約数は 21 である。最小公倍数を求めよ。

(2) 60 と 280 の最大公約数は 20 である。最小公倍数を求めよ。

2. 最大公約数が 5, 最小公倍数が 105 である 2 つの正の整数の組をすべて求めよ。

| | | | | | |
|------|-------------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.25 整数の性質 除法の性質と整数の分類 | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | /20 |

1. 次の a , b について, a を b で割った商 q と余り r を求め, $a = bq + r$ の形で表せ。

(1) $a = 52$, $b = 3$

(2) $a = 135$, $b = 19$

2. 整数 a を9 で割ると余りが5 となる。 a を3 で割ったときの余りを求めよ。

3. n を整数とすると, n^2 を8 で割った余りは, 0, 1, 4 のいずれかであることを示せ。

| | | | | | |
|------|------------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.26 整数の性質 ユークリッドの互除法 | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | ／20 |

1. ユークリッドの互除法を用いて、次の2つの数の最大公約数を求めよ。

(1) 108, 912

(2) 170, 612

2. ユークリッドの互除法を用いて、次の数を約分せよ。

(1) $\frac{102}{578}$

(2) $\frac{294}{798}$

| | | | | | |
|------|---------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.27 整数の性質 不定方程式 1 | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | ／20 |

1. 次の式を満たす自然数 x , y の組を求めよ。

$$5x + 7y = 19$$

2. 次の不定方程式のすべての整数解を求めよ。

(1) $3x + 7y = 0$

(2) $5x - 9y = 0$

| | | | | |
|------|---------------------|---|------|-----|
| 小テスト | No.28 整数の性質 不定方程式 2 | | | |
| | 年 | 組 | 番 名前 | /20 |

1. 次の不定方程式について、まず、整数解を 1 つ見つけ、これを利用してすべての整数解を求めよ。

(1) $3x + 2y = 10$

(2) $5x + 6y = 1$

| | | | | | |
|------|----------------------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.29 整数の性質 ユークリッドの互除法と不定方程式の整数解 | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | ／20 |

1. 次の不定方程式の整数解を 1 つ求めよ。

(1) $93x + 23y = 1$

(2) $121x + 52y = 1$

| | | | | | |
|------|-------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.30 整数の性質 記数法 1 | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | ／20 |

1. 次の 2 進法で表された数を，10 進法で表せ。

(1) $1001_{(2)}$

(2) $110101_{(2)}$

2. 次の 10 進法で表された数を，2 進法で表せ。

(1) 23

(2) 59

3. 次の 2 進法で表された小数を，10 進法で表せ。

(1) $0.001_{(2)}$

(2) $1.101_{(2)}$

| | | | | |
|------|-------------------|---|------|-----|
| 小テスト | No.31 整数の性質 記数法 2 | | | |
| | 年 | 組 | 番 名前 | /20 |

1. 2進法で表された数の次の計算をせよ。

(1) $11101_{(2)} + 101_{(2)}$

(2) $1011_{(2)} - 111_{(2)}$

(3) $1011_{(2)} \times 101_{(2)}$

(4) $110_{(2)} \times 101_{(2)}$

| | | | | |
|------|-------------------|---|------|-----|
| 小テスト | No.32 整数の性質 記数法 3 | | | |
| | 年 | 組 | 番 名前 | /20 |

1. 3進法や5進法で表された次の数を，10進法で表せ。

(1) $2021_{(3)}$

(2) $431_{(5)}$

2. 10進法で表された次の数を，3進法で表せ。

(1) 89

(2) 97

3. 10進法で表された次の数を，5進法で表せ。

(1) 89

(2) 198

| | | | | |
|------|-------------------|---|---|-----|
| 小テスト | No.33 整数の性質 小数と分数 | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 |
| | | | | ／20 |

1. 次の分数は、有限小数となるかどうか答えよ。

(1) $\frac{9}{40}$

(2) $\frac{55}{375}$

(3) $\frac{45}{1125}$

2. 次の分数のうち、循環小数となるものを選び、循環節を答えよ。

(1) $\frac{7}{9}$

(2) $\frac{34}{85}$

(3) $\frac{16}{330}$

小テスト解答 No.19 整数の性質 約数と倍数

1. (順に) 割り切れる, 約数, 倍数

(各 2 点)

2. (1) 1, 2, 4, 7, 14, 28

(3 点)

(2) 28, 56, 84, 112, 140

(3 点)

3. (1) 5 の倍数

175 は, 一の位が 5 であるから, 5 の倍数である。

(2 点)

(2) 2, 3, 4, 5, 6, 9 の倍数

180 は, 2 の倍数であり, $1+8+0=9$ より, 3 の倍数でもあるから, 6 の倍数である。さらに, 各位の数の和が 9 で割り切れるから, 9 の倍数でもある。80 が 4 で割り切れるから, 4 の倍数であり, 一の位が 0 であるから, 5 の倍数でもある。

(2 点)

(3) 2, 4, 8 の倍数

1088 は, 2 の倍数であり, 88 が 4 で割り切れるから, 4 の倍数であり, 8 でも割り切れるから, 8 の倍数でもある。

(2 点)

(4) 3, 9 の倍数

6561 は, $6+5+6+1=18$ より, 3 の倍数であり, 9 の倍数でもある。

(2 点)

1. 素数 : 2, 23, 47

合成数 : 9, 12, 35 (4点)

2. (1) $60 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5$ (4点)

(2) $378 = 2 \cdot 3^3 \cdot 7$ (4点)

3.

(1) 24 を素因数分解すると $24 = 2^3 \cdot 3$

2^3 の正の約数は 1, 2, 2^2 , 2^3

3 の正の約数は 1, 3

2^3 の約数のおのおのに 3 の約数のそれぞれを掛けると, 24 の約数のすべてが得られる。

$1 \cdot 1 = 1$, $1 \cdot 2 = 2$, $1 \cdot 2^2 = 4$, $1 \cdot 2^3 = 8$

$3 \cdot 1 = 3$, $3 \cdot 2 = 6$, $3 \cdot 2^2 = 12$, $3 \cdot 2^3 = 24$

よって, 24 の正の約数は

1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24 (4点)

(2) 150 を素因数分解すると $150 = 2 \cdot 3 \cdot 5^2$

2 の正の約数は 1, 2

3 の正の約数は 1, 3

5^2 の正の約数は 1, 5, 5^2

2 の約数のおのおのに 3 の約数, および 5^2 の約数のそれぞれを掛けると, 150 の約数のすべてが得られる。

$1 \cdot 1 \cdot 1 = 1$, $1 \cdot 1 \cdot 5 = 5$, $1 \cdot 1 \cdot 5^2 = 25$

$1 \cdot 3 \cdot 1 = 3$, $1 \cdot 3 \cdot 5 = 15$, $1 \cdot 3 \cdot 5^2 = 75$

$2 \cdot 1 \cdot 1 = 2$, $2 \cdot 1 \cdot 5 = 10$, $2 \cdot 1 \cdot 5^2 = 50$

$2 \cdot 3 \cdot 1 = 6$, $2 \cdot 3 \cdot 5 = 30$, $2 \cdot 3 \cdot 5^2 = 150$

よって, 150 の正の約数は

1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 25, 30, 50, 75, 150 (4点)

小テスト解答 No.21 整数の性質 約数の利用

1. (1) a と b はともに 5 の約数であるから, a, b の組は

$$\begin{cases} a=1 \\ b=5 \end{cases}, \begin{cases} a=5 \\ b=1 \end{cases}, \begin{cases} a=-1 \\ b=-5 \end{cases}, \begin{cases} a=-5 \\ b=-1 \end{cases}$$

(4 点)

(2) この関係を満たす $a, b+1$ の組を求めると, 右の表のようになる。したがって, 整数 a, b の組は

| | | | | |
|-------|----|----|----|----|
| a | 1 | 7 | -1 | -7 |
| $b+1$ | -7 | -1 | 7 | 1 |

$$\begin{cases} a=1 \\ b=-8 \end{cases}, \begin{cases} a=7 \\ b=-2 \end{cases}, \begin{cases} a=-1 \\ b=6 \end{cases}, \begin{cases} a=-7 \\ b=0 \end{cases}$$

(5 点)

(3) この関係を満たす $a-1, b+3$ の組を求めると, 右の表のようになる。したがって, 整数 a, b の組は

| | | | | | | |
|-------|---|---|---|----|----|----|
| $a-1$ | 1 | 2 | 4 | -1 | -2 | -4 |
| $b+3$ | 4 | 2 | 1 | -4 | -2 | -1 |

$$\begin{cases} a=2 \\ b=1 \end{cases}, \begin{cases} a=3 \\ b=-1 \end{cases}, \begin{cases} a=5 \\ b=-2 \end{cases}, \begin{cases} a=0 \\ b=-7 \end{cases}, \begin{cases} a=-1 \\ b=-5 \end{cases}, \begin{cases} a=-3 \\ b=-4 \end{cases}$$

(5 点)

(4) $ab - a + 2b + 3 = 0$ より

$$b(a+2) - a + 3 = 0$$

両辺から 2 を引いて

$$b(a+2) - a - 2 + 3 = -2$$

$$b(a+2) - (a+2) = -5$$

$$(a+2)(b-1) = -5$$

この関係を満たす $a+2, b-1$ の組を求めると, 右の表のようになる。したがって, 整数 a, b の組は

| | | | | |
|-------|----|----|----|----|
| $a+2$ | 1 | 5 | -1 | -5 |
| $b-1$ | -5 | -1 | 5 | 1 |

$$\begin{cases} a=-1 \\ b=-4 \end{cases}, \begin{cases} a=3 \\ b=0 \end{cases}, \begin{cases} a=-3 \\ b=6 \end{cases}, \begin{cases} a=-7 \\ b=2 \end{cases}$$

(6 点)

1. (1) 54 と 72 を素因数分解すると

$$54 = 2 \cdot 3^3, \quad 72 = 2^3 \cdot 3^2$$

よって、求める最大公約数は

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

(4 点)

- (2) 90 と 210 を素因数分解すると

$$90 = 2 \cdot 3^2 \cdot 5, \quad 210 = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7$$

よって、求める最大公約数は

$$2 \cdot 3 \cdot 5 = 30$$

(5 点)

- (3) 756 と 882 を素因数分解すると

$$756 = 2^2 \cdot 3^3 \cdot 7, \quad 882 = 2 \cdot 3^2 \cdot 7^2$$

よって、求める最大公約数は

$$2 \cdot 3^2 \cdot 7 = 126$$

(5 点)

2. 最も大きいタイルの 1 辺の長さは、縦の長さ と 横の長さ の最大公約数である。

$$84 = 2^2 \cdot 3 \cdot 7, \quad 126 = 2 \cdot 3^2 \cdot 7$$

であるから、84 と 126 の最大公約数は

$$2 \cdot 3 \cdot 7 = 42$$

よって、求めるタイルの 1 辺の長さは 42 cm である。

(6 点)

1. (1) 54 と 72 を素因数分解すると

$$54 = 2 \cdot 3^3, \quad 72 = 2^3 \cdot 3^2$$

よって、求める最小公倍数は

$$2^3 \cdot 3^3 = 216$$

(5点)

- (2) 90 と 210 を素因数分解すると

$$90 = 2 \cdot 3^2 \cdot 5, \quad 210 = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7$$

よって、求める最小公倍数は

$$2 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 7 = 630$$

(5点)

- (3) 756 と 882 を素因数分解すると

$$756 = 2^2 \cdot 3^3 \cdot 7, \quad 882 = 2 \cdot 3^2 \cdot 7^2$$

よって、求める最小公倍数は

$$2^2 \cdot 3^3 \cdot 7^2 = 5292$$

(5点)

2. $36 = 2^2 \cdot 3^2$, $60 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5$, $168 = 2^3 \cdot 3 \cdot 7$ より

最大公約数は $2^2 \cdot 3 = 12$

最小公倍数は $2^3 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 7 = 2520$

(5点)

1. (1) 42 と 105 の最大公約数は 21 であるから、最小公倍数 l は

$$21 \cdot l = 42 \cdot 105$$

より

$$l = \frac{42 \cdot 105}{21} = 210$$

である。

(5 点)

- (2) 60 と 280 の最大公約数は 20 であるから、最小公倍数 l は

$$20 \cdot l = 60 \cdot 280$$

より

$$l = \frac{60 \cdot 280}{20} = 840$$

である。

(5 点)

2. 求める 2 つの正の整数を a , b ($a \leq b$) とする。

最大公約数が 5 であるから、互いに素な a' , b' ($a' \leq b'$) を用いて

$$a = 5a', \quad b = 5b' \dots\dots \textcircled{1}$$

と表すことができる。このとき、 a , b の最小公倍数 105 は、 a' , b' , 最大公約数 5 を用いて

$$105 = 5a'b'$$

整理して

$$a'b' = 21$$

これを満たす互いに素である a' と b' の組は

$$\begin{cases} a' = 1 \\ b' = 21, \end{cases} \begin{cases} a' = 3 \\ b' = 7 \end{cases}$$

したがって、求める 2 つの正の整数の組は、 $\textcircled{1}$ より

$$5 \text{ と } 105, \quad 15 \text{ と } 35$$

(10 点)

1. (1) $52 = 3 \times 17 + 1$ (3点)

(2) $135 = 19 \times 7 + 2$ (3点)

2. a を 9 で割ったときの商を q とすると、除法の性質より

$$a = 9q + 5$$

この式を変形すると

$$a = 3 \times 3q + 3 \times 1 + 2 = 3 \times (3q + 1) + 2$$

$3q + 1$ は整数であるから、 a を 3 で割った余りは 2 である。

(6点)

3. 整数 n は、次のいずれかで表すことができる。

$$n = 8k, \quad n = 8k + 1, \quad n = 8k + 2, \quad n = 8k + 3,$$

$$n = 8k + 4, \quad n = 8k + 5, \quad n = 8k + 6, \quad n = 8k + 7 \quad (k \text{ は整数})$$

それぞれの場合について、 n^2 を求めると

$$n^2 = (8k)^2 = 64k^2 = 8 \times 8k^2$$

$$n^2 = (8k + 1)^2 = 64k^2 + 16k + 1 = 8 \times (8k^2 + 2k) + 1$$

$$n^2 = (8k + 2)^2 = 64k^2 + 32k + 4 = 8 \times (8k^2 + 4k) + 4$$

$$n^2 = (8k + 3)^2 = 64k^2 + 48k + 9 = 64k^2 + 48k + 8 + 1 = 8 \times (8k^2 + 6k + 1) + 1$$

$$n^2 = (8k + 4)^2 = 64k^2 + 64k + 16 = 8 \times (8k^2 + 8k + 2)$$

$$n^2 = (8k + 5)^2 = 64k^2 + 80k + 25 = 64k^2 + 80k + 24 + 1 = 8 \times (8k^2 + 10k + 3) + 1$$

$$n^2 = (8k + 6)^2 = 64k^2 + 96k + 36 = 64k^2 + 96k + 32 + 4 = 8 \times (8k^2 + 12k + 4) + 4$$

$$n^2 = (8k + 7)^2 = 64k^2 + 112k + 49 = 64k^2 + 112k + 48 + 1 = 8 \times (8k^2 + 14k + 6) + 1$$

$8k^2$, $8k^2 + 2k$, $8k^2 + 4k$, $8k^2 + 6k + 1$, $8k^2 + 8k + 2$, $8k^2 + 10k + 3$, $8k^2 + 12k + 4$,

$8k^2 + 14k + 6$ は整数であるから、 n^2 を 8 で割った余りは、0, 1, 4 のいずれかである。

(8点)

小テスト解答 No.26 整数の性質 ユークリッドの互除法

1. (1) $912 = 108 \times 8 + 48$

$$108 = 48 \times 2 + 12$$

$$48 = 12 \times 4$$

よって、48 と 12 の最大公約数は 12 である。したがって、108 と 912 の最大公約数は 12 (5点)

(2) $612 = 170 \times 3 + 102$

$$170 = 102 \times 1 + 68$$

$$102 = 68 \times 1 + 34$$

$$68 = 34 \times 2$$

よって、68 と 34 の最大公約数は 34 である。したがって、170 と 612 の最大公約数は 34 (5点)

2. (1) $578 = 102 \times 5 + 68$

$$102 = 68 \times 1 + 34$$

$$68 = 34 \times 2$$

よって、68 と 34 の最大公約数は 34 である。ゆえに、578 と 102 の最大公約数は 34 である。ここで

$$578 \div 34 = 17, \quad 102 \div 34 = 3$$

であるから

$$\frac{102}{578} = \frac{3}{17} \quad (5点)$$

(2) $798 = 294 \times 2 + 210$

$$294 = 210 \times 1 + 84$$

$$210 = 84 \times 2 + 42$$

$$84 = 42 \times 2$$

よって、84 と 42 の最大公約数は 42 である。ゆえに、798 と 294 の最大公約数は 42 である。ここで

$$798 \div 42 = 19, \quad 294 \div 42 = 7$$

であるから

$$\frac{294}{798} = \frac{7}{19} \quad (5点)$$

小テスト解答 No.27 整数の性質 不定方程式 1

1. y について解くと、次のようになる。

$$y = \frac{19 - 5x}{7}$$

y は1以上であるから $\frac{19 - 5x}{7} \geq 1$ となり、 $19 - 5x \geq 7$ 。よって、 x も自然数であるから

$1 \leq x \leq \frac{12}{5}$ 。これより、 $1 \leq x \leq 2$ の範囲で調べればよい。

この範囲の x について、 y の値を計算すると、右の表のようになる。

| | | |
|-----|---|---------------|
| x | 1 | 2 |
| y | 2 | $\frac{9}{7}$ |

よって、自然数 x 、 y の組は $\begin{cases} x=1 \\ y=2 \end{cases}$

(6点)

2. (1) $3x + 7y = 0 \dots\dots ①$

①の式を変形すると $3x = -7y \dots\dots ②$

ここで、3と7は互いに素であるから、 x は7の倍数である。よって

$$x = 7n \quad (n \text{ は整数}) \dots\dots ③$$

と表すことができる。③を②に代入すると

$$3 \cdot 7n = -7y$$

y について解くと $y = -3n$

すなわち、①のすべての整数解は次のように表すことができる。

$$\begin{cases} x = 7n \\ y = -3n \end{cases} \quad (n \text{ は整数})$$

(7点)

(2) $5x - 9y = 0 \dots\dots ①$

①の式を変形すると $5x = 9y \dots\dots ②$

ここで、5と9は互いに素であるから、 x は9の倍数である。よって

$$x = 9n \quad (n \text{ は整数}) \dots\dots ③$$

と表すことができる。③を②に代入すると

$$5 \cdot 9n = 9y$$

y について解くと $y = 5n$

すなわち、①のすべての整数解は次のように表すことができる。

$$\begin{cases} x = 9n \\ y = 5n \end{cases} \quad (n \text{ は整数})$$

(7点)

1. (1) $3x + 2y = 10 \dots\dots①$

$x = 2, y = 2$ の組は、①の整数解の 1 つである。すなわち

$$3 \cdot 2 + 2 \cdot 2 = 10 \dots\dots②$$

①, ②の両辺の差をとると

$$3(x - 2) + 2(y - 2) = 0$$

よって

$$3(x - 2) = -2(y - 2) \dots\dots③$$

3 と 2 は互いに素であるから、 $x - 2$ は 2 の倍数である。よって

$$x - 2 = 2n \quad (n \text{ は整数})$$

とおける。これを③に代入して変形すると

$$y - 2 = -3n$$

したがって、すべての整数解は

$$\begin{cases} x = 2n + 2 \\ y = -3n + 2 \end{cases} \quad (n \text{ は整数})$$

(10 点)

(2) $5x + 6y = 1 \dots\dots①$

$x = -1, y = 1$ の組は、①の整数解の 1 つである。すなわち

$$5 \cdot (-1) + 6 \cdot 1 = 1 \dots\dots②$$

①, ②の両辺の差をとると

$$5(x + 1) + 6(y - 1) = 0$$

よって

$$5(x + 1) = -6(y - 1) \dots\dots③$$

5 と 6 は互いに素であるから、 $x + 1$ は 6 の倍数である。よって

$$x + 1 = 6n \quad (n \text{ は整数})$$

とおける。これを③に代入して変形すると

$$y - 1 = -5n$$

したがって、すべての整数解は

$$\begin{cases} x = 6n - 1 \\ y = -5n + 1 \end{cases} \quad (n \text{ は整数})$$

(10 点)

1.

- (1) ユークリッドの互除法により, 93 と 23 の最大公約数を調べる。

$$93 \div 23 \text{ の商は } 4, \text{ 余りは } 1 \cdots \cdots \textcircled{1}$$

$$23 \div 1 \text{ の商は } 23 \text{ で, 割り切れる。}$$

よって, 93 と 23 は, 最大公約数が 1 より, 互いに素である。

ここで, 除法の性質を用いて①の関係を表すと

$$93 = 23 \times 4 + 1 \cdots \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{2} \text{ より } 93 - 23 \times 4 = 1$$

93 と 23 の項について整理すると

$$93 \cdot 1 + 23 \cdot (-4) = 1$$

したがって, 求める整数解の 1 つは $\begin{cases} x = 1 \\ y = -4 \end{cases}$ (10 点)

- (2) ユークリッドの互除法により, 121 と 52 の最大公約数を調べる。

$$121 \div 52 \text{ の商は } 2, \text{ 余りは } 17 \cdots \cdots \textcircled{1}$$

$$52 \div 17 \text{ の商は } 3, \text{ 余りは } 1 \cdots \cdots \textcircled{2}$$

$$17 \div 1 \text{ の商は } 17 \text{ で, 割り切れる。}$$

よって, 121 と 52 は, 最大公約数が 1 より, 互いに素である。

ここで, 除法の性質を用いて①, ②の関係を表すと

$$121 = 52 \times 2 + 17 \cdots \cdots \textcircled{3}$$

$$52 = 17 \times 3 + 1 \cdots \cdots \textcircled{4}$$

③より

$$121 - 52 \times 2 = 17 \cdots \cdots \textcircled{5}$$

④より

$$52 - 17 \times 3 = 1 \cdots \cdots \textcircled{6}$$

⑤の 17 を⑥に代入すると

$$52 - (121 - 52 \times 2) \times 3 = 1$$

121 と 52 の項について整理すると

$$121 \cdot (-3) + 52 \cdot 7 = 1$$

したがって, 求める整数解の 1 つは $\begin{cases} x = -3 \\ y = 7 \end{cases}$ (10 点)

小テスト解答 No.30 整数の性質 記数法 1

1. (1) $1001_{(2)} = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2 + 1 = 9$

(2点)

(2) $110101_{(2)} = 1 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2 + 1 = 53$

(2点)

2. (1) $23 = 10111_{(2)}$

| | |
|------|-----|
| 2)23 | 余り |
| 2)11 | … 1 |
| 2)5 | … 1 |
| 2)2 | … 1 |
| 1 | … 0 |

(4点)

(2) $59 = 111011_{(2)}$

| | |
|------|-----|
| 2)59 | 余り |
| 2)29 | … 1 |
| 2)14 | … 1 |
| 2)7 | … 0 |
| 2)3 | … 1 |
| 1 | … 1 |

(4点)

3. (1) $0.001_{(2)} = 0 \times \frac{1}{2} + 0 \times \frac{1}{2^2} + 1 \times \frac{1}{2^3} = \frac{1}{8} = 0.125$

(4点)

(2) $1.101_{(2)} = 1 + 1 \times \frac{1}{2} + 0 \times \frac{1}{2^2} + 1 \times \frac{1}{2^3} = \frac{13}{8} = 1.625$

(4点)

1. (1) $11101_{(2)} + 101_{(2)} = 100010_{(2)}$

$$\begin{array}{r} 11101 \\ + 101 \\ \hline 100010 \end{array}$$

(5 点)

(2) $1011_{(2)} - 111_{(2)} = 100_{(2)}$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ - 111 \\ \hline 100 \end{array}$$

(5 点)

(3) $1011_{(2)} \times 101_{(2)} = 110111_{(2)}$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ \times 101 \\ \hline 1011 \\ 1011 \\ \hline 110111 \end{array}$$

(5 点)

(4) $110_{(2)} \times 101_{(2)} = 11110_{(2)}$

$$\begin{array}{r} 110 \\ \times 101 \\ \hline 110 \\ 110 \\ \hline 11110 \end{array}$$

(5 点)

小テスト解答 No.32 整数の性質 記数法 3

1. (1) $2021_{(3)} = 2 \times 3^3 + 0 \times 3^2 + 2 \times 3 + 1 = 61$

(2点)

(2) $431_{(5)} = 4 \times 5^2 + 3 \times 5 + 1 = 116$

(2点)

2. (1) $89 = 10022_{(3)}$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{)89} \quad \text{余り} \\ 3 \overline{)29} \quad \cdots 2 \\ 3 \overline{)9} \quad \cdots 2 \\ 3 \overline{)3} \quad \cdots 0 \\ \quad 1 \quad \cdots 0 \end{array}$$

(4点)

(2) $97 = 10121_{(3)}$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{)97} \quad \text{余り} \\ 3 \overline{)32} \quad \cdots 1 \\ 3 \overline{)10} \quad \cdots 2 \\ 3 \overline{)3} \quad \cdots 1 \\ \quad 1 \quad \cdots 0 \end{array}$$

(4点)

3. (1) $89 = 324_{(5)}$

$$\begin{array}{r} 5 \overline{)89} \quad \text{余り} \\ 5 \overline{)17} \quad \cdots 4 \\ \quad 3 \quad \cdots 2 \end{array}$$

(4点)

(2) $198 = 1243_{(5)}$

$$\begin{array}{r} 5 \overline{)198} \quad \text{余り} \\ 5 \overline{)39} \quad \cdots 3 \\ 5 \overline{)7} \quad \cdots 4 \\ \quad 1 \quad \cdots 2 \end{array}$$

(4点)

1. (1) $\frac{9}{40}$ は分母が $40 = 2^3 \cdot 5$ であるから、有限小数となる。

(3点)

(2) $\frac{55}{375} = \frac{11}{75}$ は分母が $75 = 3 \cdot 5^2$ であるから、有限小数とならない。

(3点)

(3) $\frac{45}{1125} = \frac{1}{25}$ は分母が $25 = 5^2$ であるから、有限小数となる。

(4点)

2. (1) $\frac{7}{9}$ は分母が $9 = 3^2$ であるから、循環小数となる。

また、 $\frac{7}{9} = 0.777\cdots = 0.\dot{7}$ であるから、循環節は7である。

(3点)

(2) $\frac{34}{85} = \frac{2}{5}$ は分母が5であるから、有限小数となり、循環小数とならない。

(3点)

(3) $\frac{16}{330} = \frac{8}{165}$ は分母が $165 = 3 \cdot 5 \cdot 11$ であるから、循環小数となる。

また、 $\frac{8}{165} = 0.0484848\cdots = 0.0\dot{4}\dot{8}$ であるから、循環節は48である。

(4点)