

小テスト	No.59 微分と積分 平均変化率, 微分係数, 導関数				
	年	組	番	名前	/20

1. 関数 $f(x) = 2x^2 - 3$ について, 次の問に答えよ。

(1) x が 1 から 3 まで変わるときの平均変化率を求めよ。

(2) 微分係数の定義にしたがって, $x = 2$ における微分係数 $f'(2)$ を求めよ。

2. 放物線 $y = 3x^2$ 上の点 $(1, 3)$ における接線の傾きを求めよ。

3. 導関数の定義にしたがって, 関数 $f(x) = -3x^2 + 2$ を微分せよ。

小テスト	No.60 微分と積分 導関数の計算			
	年	組	番 名前	/20

1. 次の関数を微分せよ。

(1) $y = -2x + 3$

(2) $y = x^2 - 3x + 4$

(3) $y = 3x^3 + 2x^2 + 4x - 5$

(4) $y = (2x + 3)(x^2 - 2)$

2. 関数 $f(x) = 2x^2 - 3$ において、 $x = 3$ における微分係数 $f'(3)$ を求めよ。

3. 関数 $f(x) = ax^3 - x^2 - ax + 1$ が、 $f'(1) = 2$ を満たすとき、定数 a の値を求めよ。

小テスト	No.61 微分と積分 接線の方程式			
	年	組	番 名前	/20

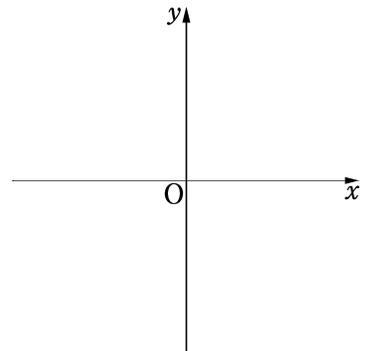
1. 関数 $y=2x^2+3x+1$ のグラフ上の点 $(-2, 3)$ における接線の方程式を求めよ。

2. 点 $(2, 2)$ から曲線 $y=x^2-1$ へ引いた接線の方程式を求めよ。

小テスト	No.62 微分と積分 関数の増減, 関数の極大・極小(1)			
	年	組	番	名前
				／20

1. 関数 $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 2$ の増減を調べよ。

2. 関数 $y = x^3 - 3x - 2$ の極値を求め, グラフをかけ。



小テスト	No.63 微分と積分 関数の極大・極小(2)			
	年	組	番 名前	/20

1. 関数 $y = x^3 - 6x^2 + 12x$ が極値をもつかどうか調べよ。

2. 関数 $f(x) = x^3 + ax + b$ が $x = -1$ において極大値 1 をとるような定数 a, b の値を求めよ。また、そのときの $f(x)$ の極小値を求めよ。

小テスト	No.64 微分と積分 関数の最大・最小(1)			
	年	組	番 名前	/20

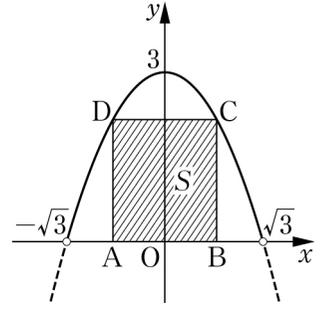
1. 関数 $y = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 3$ について、次の区間における最大値と最小値を求めよ。

(1) $-2 \leq x \leq 4$

(2) $0 \leq x \leq 3$

小テスト	No.65 微分と積分 関数の最大・最小(2)				
	年	組	番	名前	/20

1. 図のように、 x 軸上に 2 点 A, B を、放物線 $y = -x^2 + 3$ ($y > 0$) 上に 2 点 C, D をとり、長方形 $ABCD$ をつくる。原点を O ，この長方形の面積を S とする。



(1) $OB = x$ とするとき、 S を x を用いて表せ。

(2) S の最大値を求めよ。

小テスト	No.66 微分と積分 方程式・不等式への応用(1)				
	年	組	番	名前	／20

1. 次の方程式の異なる実数解の個数を調べよ。

$$x^3 - 12x - 8 = 0$$

小テスト	No.67 微分と積分 方程式・不等式への応用(2)			
	年	組	番 名前	/20

1. $x \geq 0$ のとき, 次の不等式が成り立つことを証明せよ。

$$2x(x^2 - 6) > 3(x^2 - 7)$$

小テスト	No.68 微分と積分 不定積分			
	年	組	番 名前	／20

1. 次の不定積分を求めよ。

(1) $\int 4x dx$

(2) $\int 2x^2 dx$

(3) $\int (x^2 + x + 1) dx$

(4) $\int (3x^2 - 3x + 2) dx$

(5) $\int (2x + 1)(3x - 1) dx$

2. 次の条件を満たす関数 $F(x)$ を求めよ。

$$F'(x) = 3x^2 - 5x + 3, \quad F(2) = 0$$

小テスト	No.69 微分と積分 定積分(1)			
	年	組	番 名前	/20

1. 次の定積分を求めよ。

(1) $\int_1^2 (2x+1)dx$

(2) $\int_0^1 (x^2+x+1)dx$

(3) $\int_1^3 (x^2-3x+2)dx$

(4) $\int_{-1}^1 (2x-1)(3x+1)dx$

(5) $\int_2^3 (t^2-5t+6)dt$

小テスト	No.70 微分と積分 定積分(2)				
	年	組	番	名前	/20

1. 次の定積分を求めよ。

$$(1) \int_{-2}^1 (x+2)(x+3)dx - \int_{-2}^1 (x+1)(x+4)dx$$

$$(2) \int_2^2 (2x-1)^2 dx$$

$$(3) \int_{-1}^2 (2x^2+x+2)dx - \int_2^{-1} (x^2-x-2)dx$$

$$(4) \int_0^1 (3x^2-x+1)dx + \int_1^2 (3x^2-x+1)dx$$

2. 次の等式を満たす関数 $f(x)$ と定数 a の値を求めよ。

$$\int_2^x f(t)dt = x^2 + ax + 2$$

小テスト	No.71 微分と積分 定積分と面積(1)				
	年	組	番	名前	／20

1. 放物線 $y=x^2+1$ と x 軸および 2 直線 $x=-2$, $x=1$ で囲まれた部分の面積 S を求めよ。

2. 次の放物線と x 軸で囲まれた図形の面積 S を求めよ。

(1) $y=x(x+2)$

(2) $y=-x^2+2x+3$

小テスト	No.72 微分と積分 定積分と面積(2)			
	年	組	番 名前	/20

1. 放物線 $y=x^2-x$ と直線 $y=x$ で囲まれた図形の面積 S を求めよ。

2. 2つの放物線 $y=x^2-2$, $y=-x^2+2x+2$ で囲まれた図形の面積 S を求めよ。

小テスト	No.73 微分と積分 定積分と面積(3)				
	年	組	番	名前	／20

1. 次の定積分を求めよ。

$$\int_{-1}^2 |2x - 3| dx$$

1.

$$(1) \frac{f(3) - f(1)}{3 - 1} = \frac{(2 \cdot 3^2 - 3) - (2 \cdot 1^2 - 3)}{2} = \frac{18 - 3 - 2 + 3}{2} = 8$$

(5 点)

$$(2) \begin{aligned} f'(2) &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2(2+h)^2 - 3 - (2 \cdot 2^2 - 3)}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{8h + 2h^2}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} (8 + 2h) \\ &= 8 \end{aligned}$$

(5 点)

2.

放物線 $y = 3x^2$ 上の点 $(1, 3)$ における接線の傾きは, $f(x) = 3x^2$ とおくと $f'(1)$ に等しいから

$$\begin{aligned} f'(1) &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{3(1+h)^2 - 3 \cdot 1^2}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{6h + 3h^2}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} (6 + 3h) \\ &= 6 \end{aligned}$$

(5 点)

3.

$$\begin{aligned} f'(x) &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-3(x+h)^2 + 2 - (-3x^2 + 2)}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-3(x^2 + 2xh + h^2) + 2 - (-3x^2 + 2)}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-6xh - 3h^2}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h(-6x - 3h)}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} (-6x - 3h) \\ &= -6x \end{aligned}$$

(5 点)

1.

$$(1) \quad y' = (-2x + 3)' = -2(x)' + (3)' = -2$$

(3 点)

$$(2) \quad y' = (x^2 - 3x + 4)' = (x^2)' - 3(x)' + (4)' = 2x - 3$$

(3 点)

$$(3) \quad y' = (3x^3 + 2x^2 + 4x - 5)' \\ = 3(x^3)' + 2(x^2)' + 4(x)' - (5)' \\ = 3 \cdot 3x^2 + 2 \cdot 2x + 4 \cdot 1 - 0 \\ = 9x^2 + 4x + 4$$

(3 点)

$$(4) \quad y = 2x^3 + 3x^2 - 4x - 6 \quad \text{であるから}$$

$$y' = (2x^3 + 3x^2 - 4x - 6)' \\ = 2(x^3)' + 3(x^2)' - 4(x)' - (6)' \\ = 2 \cdot 3x^2 + 3 \cdot 2x - 4 \cdot 1 - 0 \\ = 6x^2 + 6x - 4$$

(3 点)

2.

$f(x)$ を微分すると

$$f'(x) = 4x$$

$$\text{よって} \quad f'(3) = 4 \cdot 3 = 12$$

(4 点)

3.

$f(x)$ を x で微分すると

$$f'(x) = 3ax^2 - 2x - a$$

$$\text{であるから} \quad f'(1) = 3a - 2 - a = 2a - 2$$

$$f'(1) = 2 \text{ より} \quad 2a - 2 = 2$$

$$\text{よって} \quad a = 2$$

(4 点)

1.

$$f(x) = 2x^2 + 3x + 1$$

とおくと

$$f'(x) = 4x + 3$$

点 $(-2, 3)$ における接線の傾きは

$$f'(-2) = 4 \cdot (-2) + 3 = -5$$

したがって、求める接線は点 $(-2, 3)$ を通り、傾き -5 の直線である。

よって、その方程式は

$$y - 3 = -5(x + 2)$$

すなわち $y = -5x - 7$

(8 点)

2.

接点を $(a, a^2 - 1)$ とおく。

$y' = 2x$ であるから、接線の傾きは $2a$ である。

よって、接線の方程式は

$$y - (a^2 - 1) = 2a(x - a)$$

すなわち $y = 2ax - a^2 - 1$ ……①

これが点 $(2, 2)$ を通るから

$$2 = 4a - a^2 - 1$$

整理すると

$$a^2 - 4a + 3 = 0$$

$$(a - 1)(a - 3) = 0$$

よって $a = 1, 3$

これらを①に代入して

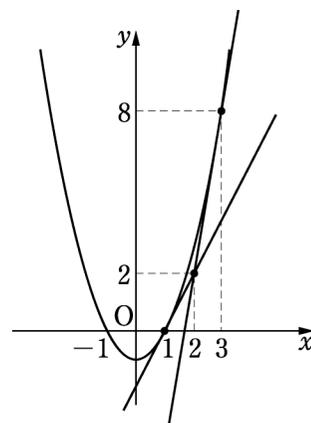
$$a = 1 \text{ のとき } y = 2x - 2$$

$$a = 3 \text{ のとき } y = 6x - 10$$

ゆえに、求める接線の方程式は

$$y = 2x - 2, \quad y = 6x - 10$$

(12 点)



1.

$$f'(x) = 3x^2 - 6x - 9 = 3(x+1)(x-3)$$

$$f'(x) = 0 \text{ の解は } x = -1, 3$$

よって, $f(x)$ の増減表は, 次のようになる。

x	……	-1	……	3	……
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	↗	7	↘	-25	↗

ゆえに 区間 $x \leq -1$ および区間 $3 \leq x$ で増加
区間 $-1 \leq x \leq 3$ で減少

(8 点)

2.

$$y' = 3x^2 - 3 = 3(x^2 - 1) = 3(x+1)(x-1)$$

$$y' = 0 \text{ を解くと } x = -1, 1$$

よって, y の増減表は次のようになる。

x	……	-1	……	1	……
y'	+	0	-	0	+
y	↗	極大 0	↘	極小 -4	↗

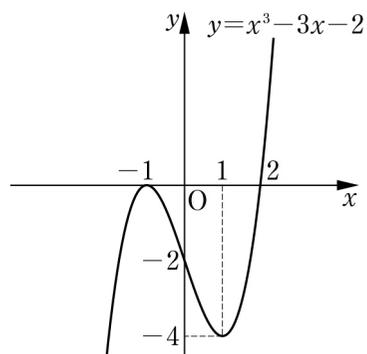
増減表から, この関数は $x = -1$ のとき 極大値 0
 $x = 1$ のとき 極小値 -4

をとる。

また, x 軸との共有点は $(-1, 0), (2, 0)$

y 軸との共有点は $(0, -2)$

したがって, この関数のグラフは右の図のようになる。



(12 点)

1.

関数 $f(x) = x^3 - 6x^2 + 12x$ とすると

$$f'(x) = 3x^2 - 12x + 12 = 3(x-2)^2$$

次の増減表からわかるように、この関数はつねに増加し、極値をもたない。

x	……	2	……
$f'(x)$	+	0	+
$f(x)$	↗	8	↗

(6 点)

2.

関数 $f(x)$ を微分すると

$$f'(x) = 3x^2 + a$$

$x = -1$ で極大であり、極大値が 1 より

$$f'(-1) = 0, \quad f(-1) = 1$$

すなわち $3 + a = 0, \quad -1 - a + b = 1$

これを解くと $a = -3, \quad b = -1$

このとき $f(x) = x^3 - 3x - 1$

$$\begin{aligned} f'(x) &= 3x^2 - 3 \\ &= 3(x+1)(x-1) \end{aligned}$$

よって、 $f(x)$ の増減表は次のようになる。

x	……	-1	……	1	……
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	↗	極大 1	↘	極小 -3	↗

増減表から、 $f(x)$ は確かに $x = -1$ において極大値 1 をとる。

このとき、極小値は $f(1) = -3$

したがって $a = -3, \quad b = -1$

また $x = 1$ のとき極小値 -3 をとる。

(14 点)

1.

$y=f(x)$ とおくと

$$f'(x) = 6x^2 - 6x - 12 = 6(x+1)(x-2)$$

$f'(x)=0$ を解くと $x = -1, 2$

(1) 区間 $-2 \leq x \leq 4$ における $f(x)$ の増減表は次のようになる。

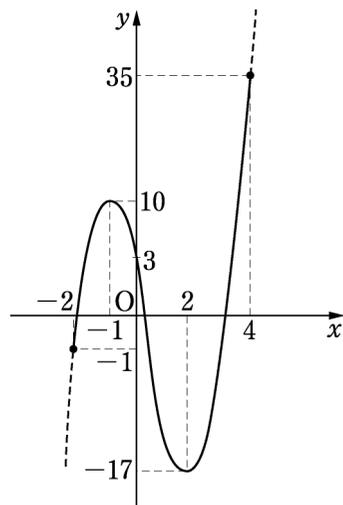
x	-2	……	-1	……	2	……	4
$f'(x)$		+	0	-	0	+	
$f(x)$	-1	↗	極大 10	↘	極小 -17	↗	35

よって、区間 $-2 \leq x \leq 4$ における $y=f(x)$ のグラフは右の図の実線部分となる。

のグラフは、右の図の実線部分となる。

したがって $x=4$ のとき 最大値 35

$x=2$ のとき 最小値 -17



(10 点)

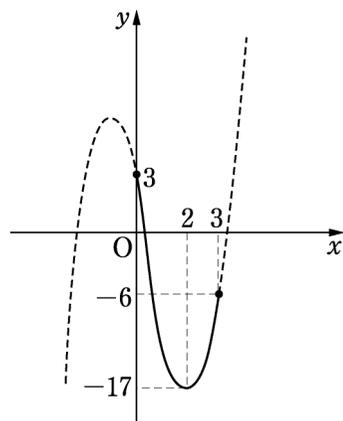
(2) 区間 $0 \leq x \leq 3$ における $f(x)$ の増減表は次のようになる。

x	0	……	2	……	3
$f'(x)$		-	0	+	
$f(x)$	3	↘	極小 -17	↗	-6

よって、区間 $0 \leq x \leq 3$ における $y=f(x)$ のグラフは、右の図の実線部分となる。

したがって $x=0$ のとき 最大値 3

$x=2$ のとき 最小値 -17



(10 点)

1.

(1) 各点の座標は, $A(-x, 0)$, $B(x, 0)$, $C(x, -x^2+3)$ となる。

よって, $AB=2x$, $BC=-x^2+3$ であるから

$$\begin{aligned} S &= 2x(-x^2+3) \\ &= -2x^3+6x \end{aligned}$$

(6点)

(2) x のとり得る値の範囲は

$$0 < x < \sqrt{3} \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

(1)より, $S = -2x^3+6x$ であるから

$$S' = -6x^2+6 = -6(x+1)(x-1)$$

①の区間における S の増減表は次のようになる。

x	0	1	$\sqrt{3}$
S'	/	+	0	-	/
S	/	↗	極大 4	↘	/

よって, $x=1$ のとき, S は最大値4をとる。

(14点)

1.

$f(x) = x^3 - 12x - 8$ とおくと

$$f'(x) = 3x^2 - 12 = 3(x^2 - 4) = 3(x+2)(x-2)$$

$f'(x) = 0$ を解くと $x = -2, 2$

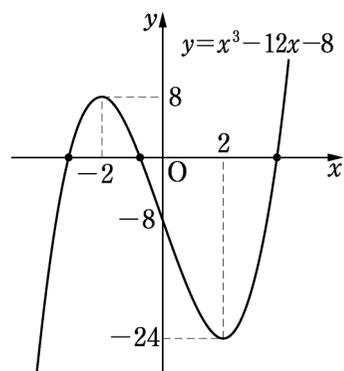
であるから、 $f(x)$ の増減表は次のようになる。

x	……	-2	……	2	……
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	↗	極大 8	↘	極小 -24	↗

よって、 $y = f(x)$ のグラフは右の図のようになる。

このグラフは x 軸と異なる 3 点で交わる。

したがって、この方程式の異なる実数解の個数は 3 個である。



(20 点)

1.

$$f(x) = 2x(x^2 - 6) - 3(x^2 - 7)$$

$$= 2x^3 - 3x^2 - 12x + 21$$

とおくと

$$f'(x) = 6x^2 - 6x - 12 = 6(x^2 - x - 2) = 6(x - 2)(x + 1)$$

である。よって、 $x \geq 0$ における $f(x)$ の増減表は次のようになる。

x	0	……	2	……
$f'(x)$		-	0	+
$f(x)$	21	↘	極小 1	↗

ゆえに、 $x \geq 0$ のときの $f(x)$ の最小値が $f(2) = 1$ であるから

$x \geq 0$ のとき

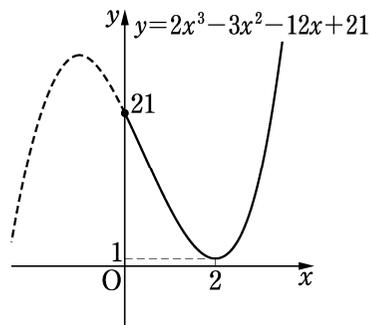
$$f(x) > 0$$

したがって、 $x \geq 0$ のとき

$$2x^3 - 3x^2 - 12x + 21 > 0$$

すなわち

$$2x(x^2 - 6) > 3(x^2 - 7)$$



(20 点)

1.

(1) $\int 4x dx = 4 \cdot \frac{1}{2}x^2 + C = 2x^2 + C$ (C は積分定数) (3点)

(2) $\int 2x^2 dx = 2 \cdot \frac{1}{3}x^3 + C = \frac{2}{3}x^3 + C$ (C は積分定数) (3点)

(3) $\int (x^2 + x + 1) dx = \frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2}x^2 + x + C$ (C は積分定数) (3点)

(4) $\int (3x^2 - 3x + 2) dx = 3 \cdot \frac{1}{3}x^3 - 3 \cdot \frac{1}{2}x^2 + 2x + C$
 $= x^3 - \frac{3}{2}x^2 + 2x + C$ (C は積分定数) (3点)

(5) $\int (2x+1)(3x-1) dx = \int (6x^2 + x - 1) dx$
 $= 6 \cdot \frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2}x^2 - x + C$
 $= 2x^3 + \frac{1}{2}x^2 - x + C$ (C は積分定数) (3点)

2.

$F(x) = \int (3x^2 - 5x + 3) dx$
 $= x^3 - \frac{5}{2}x^2 + 3x + C$ (C は積分定数)

ここで、 $F(2) = 0$ であるから

$F(2) = 2^3 - \frac{5}{2} \cdot 2^2 + 3 \cdot 2 + C$
 $= C + 4$

より $C + 4 = 0$

すなわち $C = -4$

よって

$F(x) = x^3 - \frac{5}{2}x^2 + 3x - 4$

(5点)

1.

$$\begin{aligned}
 (1) \quad \int_1^2 (2x+1)dx &= [x^2+x]_1^2 \\
 &= (2^2+2) - (1^2+1) \\
 &= 4
 \end{aligned}$$

(4点)

$$\begin{aligned}
 (2) \quad \int_0^1 (x^2+x+1)dx &= \left[\frac{x^3}{3} + \frac{x^2}{2} + x \right]_0^1 \\
 &= \left(\frac{1^3}{3} + \frac{1^2}{2} + 1 \right) - 0 \\
 &= \frac{11}{6}
 \end{aligned}$$

(4点)

$$\begin{aligned}
 (3) \quad \int_1^3 (x^2-3x+2)dx &= \left[\frac{x^3}{3} - \frac{3}{2}x^2 + 2x \right]_1^3 \\
 &= \left(\frac{3^3}{3} - \frac{3}{2} \cdot 3^2 + 2 \cdot 3 \right) - \left(\frac{1^3}{3} - \frac{3}{2} \cdot 1^2 + 2 \cdot 1 \right) \\
 &= \frac{26}{3} - 12 + 4 \\
 &= \frac{2}{3}
 \end{aligned}$$

(4点)

$$\begin{aligned}
 (4) \quad \int_{-1}^1 (2x-1)(3x+1)dx &= \int_{-1}^1 (6x^2-x-1)dx \\
 &= \left[2x^3 - \frac{x^2}{2} - x \right]_{-1}^1 \\
 &= \left(2 \cdot 1^3 - \frac{1^2}{2} - 1 \right) - \left\{ 2 \cdot (-1)^3 - \frac{(-1)^2}{2} - (-1) \right\} \\
 &= 2
 \end{aligned}$$

(4点)

$$\begin{aligned}
 (5) \quad \int_2^3 (t^2-5t+6)dt &= \left[\frac{t^3}{3} - \frac{5}{2}t^2 + 6t \right]_2^3 \\
 &= \left(\frac{3^3}{3} - \frac{5}{2} \cdot 3^2 + 6 \cdot 3 \right) - \left(\frac{2^3}{3} - \frac{5}{2} \cdot 2^2 + 6 \cdot 2 \right) \\
 &= \frac{19}{3} - \frac{25}{2} + 6 \\
 &= -\frac{1}{6}
 \end{aligned}$$

(4点)

1.

$$\begin{aligned}
 (1) \quad \int_{-2}^1 (x+2)(x+3)dx - \int_{-2}^1 (x+1)(x+4)dx &= \int_{-2}^1 \{(x+2)(x+3) - (x+1)(x+4)\}dx \\
 &= \int_{-2}^1 2dx \\
 &= [2x]_{-2}^1 \\
 &= 2 - 2 \cdot (-2) = 6
 \end{aligned}$$

(3点)

$$(2) \quad \int_2^2 (2x-1)^2 dx = 0$$

(3点)

$$\begin{aligned}
 (3) \quad \int_{-1}^2 (2x^2+x+2)dx - \int_2^{-1} (x^2-x-2)dx &= \int_{-1}^2 (2x^2+x+2)dx + \int_{-1}^2 (x^2-x-2)dx \\
 &= \int_{-1}^2 \{(2x^2+x+2) + (x^2-x-2)\}dx \\
 &= \int_{-1}^2 3x^2 dx \\
 &= [x^3]_{-1}^2 \\
 &= 2^3 - (-1)^3 = 9
 \end{aligned}$$

(4点)

$$\begin{aligned}
 (4) \quad \int_0^1 (3x^2-x+1)dx + \int_1^2 (3x^2-x+1)dx &= \int_0^2 (3x^2-x+1)dx \\
 &= \left[x^3 - \frac{1}{2}x^2 + x \right]_0^2 \\
 &= 2^3 - \frac{1}{2} \cdot 2^2 + 2 = 8
 \end{aligned}$$

(4点)

2.

与えられた等式の両辺を x で微分すると

$$\frac{d}{dx} \int_2^x f(t)dt = \frac{d}{dx} (x^2 + ax + 2)$$

よって $f(x) = 2x + a$

また、与えられた等式に $x=2$ を代入すると

$$\int_2^2 f(t)dt = 0 \text{ であるから } 0 = 4 + 2a + 2$$

よって $a = -3$

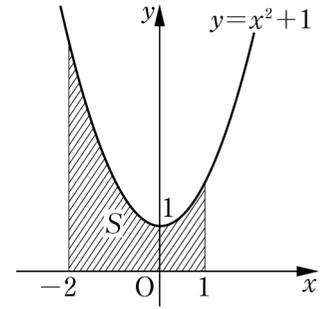
したがって $f(x) = 2x - 3, a = -3$

(6点)

1.

区間 $-2 \leq x \leq 1$ において、 $y > 0$ であるから

$$\begin{aligned} S &= \int_{-2}^1 (x^2 + 1) dx \\ &= \left[\frac{1}{3}x^3 + x \right]_{-2}^1 \\ &= \left(\frac{1}{3} \cdot 1^3 + 1 \right) - \left\{ \frac{1}{3} \cdot (-2)^3 + (-2) \right\} \\ &= 6 \end{aligned}$$



(4点)

2.

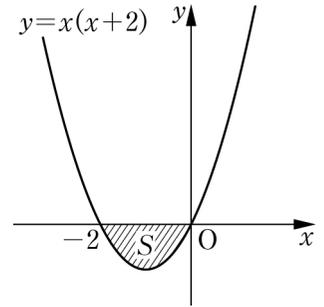
(1) この放物線と x 軸との交点の x 座標は、

$$x(x+2) = 0$$

を解いて $x = 0, -2$

区間 $-2 \leq x \leq 0$ では、 $y \leq 0$ であるから、求める面積 S は

$$\begin{aligned} S &= - \int_{-2}^0 x(x+2) dx \\ &= - \int_{-2}^0 (x^2 + 2x) dx \\ &= - \left[\frac{1}{3}x^3 + x^2 \right]_{-2}^0 \\ &= 0 + \left(-\frac{8}{3} + 4 \right) \\ &= \frac{4}{3} \end{aligned}$$



(8点)

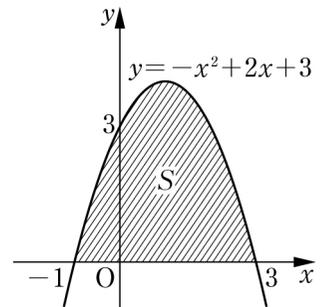
(2) この放物線と x 軸との交点の x 座標は、

$$-x^2 + 2x + 3 = 0$$

を解いて $x = -1, 3$

区間 $-1 \leq x \leq 3$ では、 $y \geq 0$ であるから、求める面積 S は

$$\begin{aligned} S &= \int_{-1}^3 (-x^2 + 2x + 3) dx \\ &= \left[-\frac{1}{3}x^3 + x^2 + 3x \right]_{-1}^3 \\ &= (-9 + 9 + 9) - \left(\frac{1}{3} + 1 - 3 \right) \\ &= \frac{32}{3} \end{aligned}$$



(8点)

1.

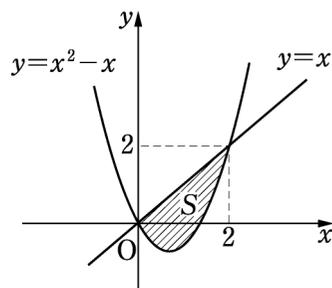
放物線と直線の交点の x 座標は

$$x^2 - x = x$$

を解いて $x = 0, 2$

区間 $0 \leq x \leq 2$ では、 $x \geq x^2 - x$ であるから

$$\begin{aligned} S &= \int_0^2 \{x - (x^2 - x)\} dx \\ &= \int_0^2 (-x^2 + 2x) dx \\ &= \left[-\frac{1}{3}x^3 + x^2 \right]_0^2 \\ &= \left(-\frac{8}{3} + 4 \right) - 0 \\ &= \frac{4}{3} \end{aligned}$$



(10 点)

2.

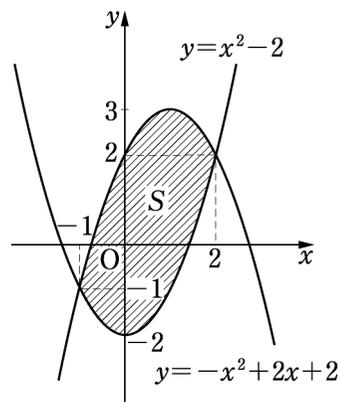
2 つの放物線の交点の x 座標は

$$x^2 - 2 = -x^2 + 2x + 2$$

を解いて $x = -1, 2$

区間 $-1 \leq x \leq 2$ では $-x^2 + 2x + 2 \geq x^2 - 2$ であるから

$$\begin{aligned} S &= \int_{-1}^2 \{(-x^2 + 2x + 2) - (x^2 - 2)\} dx \\ &= \int_{-1}^2 (-2x^2 + 2x + 4) dx \\ &= \left[-\frac{2}{3}x^3 + x^2 + 4x \right]_{-1}^2 \\ &= \left(-\frac{16}{3} + 4 + 8 \right) - \left(\frac{2}{3} + 1 - 4 \right) \\ &= 9 \end{aligned}$$



(10 点)

1.

関数 $y = |2x - 3|$ は

$x \leq \frac{3}{2}$ のとき, $2x - 3 \leq 0$ であるから

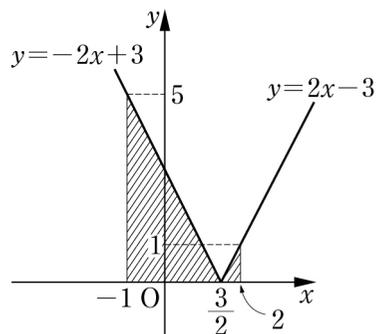
$$\begin{aligned} |2x - 3| &= -(2x - 3) \\ &= -2x + 3 \end{aligned}$$

$\frac{3}{2} \leq x$ のとき, $2x - 3 \geq 0$ であるから

$$|2x - 3| = 2x - 3$$

したがって, 求める定積分は

$$\begin{aligned} \int_{-1}^2 |2x - 3| dx &= \int_{-1}^{\frac{3}{2}} |2x - 3| dx + \int_{\frac{3}{2}}^2 |2x - 3| dx \\ &= \int_{-1}^{\frac{3}{2}} (-2x + 3) dx + \int_{\frac{3}{2}}^2 (2x - 3) dx \\ &= [-x^2 + 3x]_{-1}^{\frac{3}{2}} + [x^2 - 3x]_{\frac{3}{2}}^2 \\ &= \left(-\frac{9}{4} + \frac{9}{2}\right) - (-1 - 3) + \left\{(4 - 6) - \left(\frac{9}{4} - \frac{9}{2}\right)\right\} \\ &= \frac{13}{2} \end{aligned}$$



(20 点)