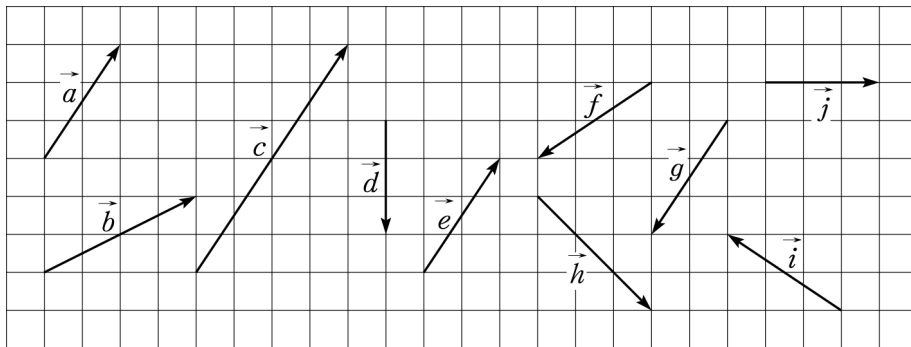


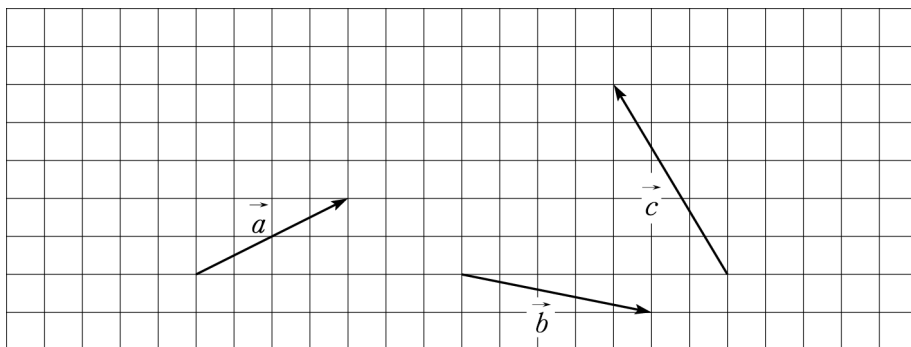
| | | | | | |
|------|--|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.16 ベクトル 有向線分とベクトル, ベクトルの加法・減法・実数倍(1) | | | | /20 |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | |

1. 下の図で、 \vec{a} について次のベクトルを答えよ。

- (1) 等しいベクトル
- (2) 逆ベクトル
- (3) 向きが同じベクトル

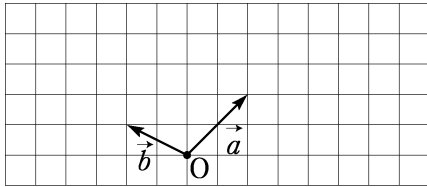


2. 下の図で、 $\vec{a} + \vec{b}$, $\vec{a} - \vec{c}$, $\vec{a} + \vec{b} - \vec{c}$ を図示せよ。

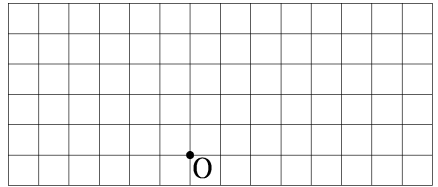


| | | | | | |
|------|------------------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.17 ベクトル ベクトルの加法・減法・実数倍(2) | | | | /20 |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | |

1. 下の図のように \vec{a} , \vec{b} が与えられたとき、次のベクトルを点 O を始点として図示せよ。

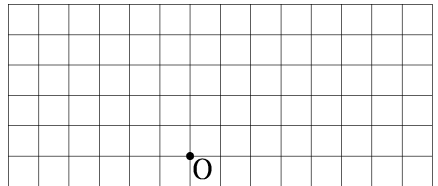
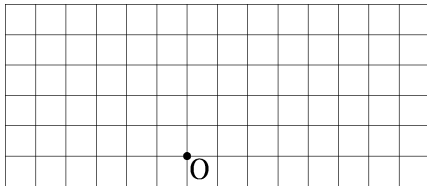


(1) $\frac{3}{2}\vec{a}$



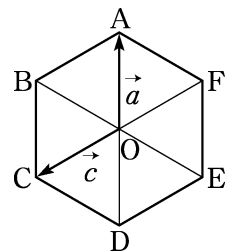
(2) $\vec{a} + 2\vec{b}$

(3) $2\vec{a} - \vec{b}$



2. $\vec{x} - 5\vec{b} = 3(\vec{b} - \vec{x}) - 4\vec{a}$ であるとき、 \vec{x} を \vec{a} , \vec{b} で表せ。

3. 右の図の正六角形 ABCDEF において、 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OC} = \vec{c}$ とする。
次のベクトルを \vec{a} , \vec{c} で表せ。



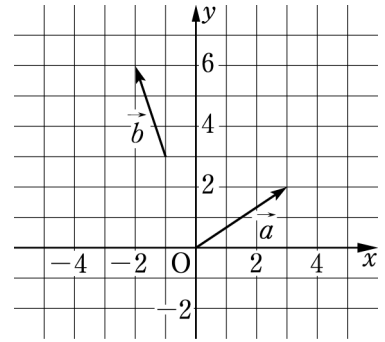
(1) \overrightarrow{DF}

(2) \overrightarrow{BD}

| | | | | | |
|------|-----------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.18 ベクトル ベクトルの成分(1) | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | /20 |

1. 右の図で、次のベクトルを成分表示し、その大きさを求めよ。

(1) \vec{a}



(2) \vec{b}

(3) $\vec{a} + \vec{b}$

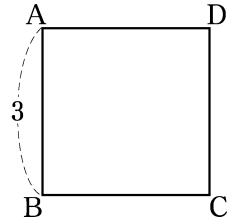
2. $\vec{a} = (5, -12)$ と同じ向きの単位ベクトルを成分表示せよ。

| | | | | |
|------|-----------------------|---|---|-----|
| 小テスト | No.19 ベクトル ベクトルの成分(2) | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 |
| | | | | ／20 |

1. 平面上に 3 点 $A(-2, 1)$, $B(6, -5)$, $C(10, -2)$ がある。四角形 $ABCD$ が平行四辺形となるような点 D の座標を求めよ。
2. $\vec{a} = (3, -8)$, $\vec{b} = (x, 24)$ が平行になるように, x の値を定めよ。
3. $\vec{a} = (2, -1)$ に平行で, 大きさが $2\sqrt{5}$ であるベクトルを求めよ。
4. $\vec{a} = (3, -2)$, $\vec{b} = (2, 1)$ のとき, $\vec{c} = (0, 7)$ を $k\vec{a} + l\vec{b}$ の形に表せ。

| | | | | |
|------|-----------------------|---|------|-----|
| 小テスト | No.20 ベクトル ベクトルの内積(1) | | | |
| | 年 | 組 | 番 名前 | /20 |

1. 右の図の正方形 ABCD において、次の内積を求めよ。



(1) $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$

(2) $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{BD}$

(3) $\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{BC}$

2. $\vec{a} = (1, 2)$, $\vec{b} = (-4, -3)$ のとき、内積 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ を求めよ。

3. 次のベクトル \vec{a} , \vec{b} のなす角 θ を求めよ。

$$\vec{a} = (-1, \sqrt{3}), \vec{b} = (0, 2)$$

4. $\vec{a} = (2, -1)$, $\vec{b} = (5, x)$ が垂直になるような x の値を求めよ。

| | | | | |
|------|-----------------------|---|---|-----|
| 小テスト | No.21 ベクトル ベクトルの内積(2) | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 |
| | | | | /20 |

1. $|\vec{a}|=2$, $\vec{a}\cdot\vec{b}=-3$, $\vec{a}\cdot\vec{c}=2$ のとき, 次の値を求めよ。

(1) $\vec{a}\cdot(\vec{a}-2\vec{b})$

(2) $(\vec{b}+3\vec{c})\cdot\vec{a}$

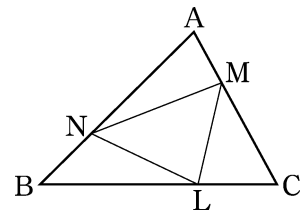
2. $|\vec{a}|=1$, $|\vec{b}|=4$, $\vec{a}\cdot\vec{b}=3$ のとき, $|2\vec{a}-\vec{b}|$ の値を求めよ。

3. $|\vec{a}|=3$, $|\vec{b}|=5$, $|\vec{a}+\vec{b}|=6$ のとき, $\vec{a}\cdot\vec{b}$ の値を求めよ。

| | | | | | |
|------|-------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.22 ベクトル 位置ベクトル | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | /20 |

1. 2点 $A(\vec{a})$, $B(\vec{b})$ を結ぶ線分 AB を $5:4$ に内分する点 P および外分する点 Q の位置ベクトル \vec{p} , \vec{q} を, それぞれ \vec{a} , \vec{b} で表せ。

2. 右の図のように, 3点 $A(\vec{a})$, $B(\vec{b})$, $C(\vec{c})$ を頂点とする $\triangle ABC$ の3辺 BC , CA , AB を $2:1$ に内分する点を, それぞれ L , M , N とする。

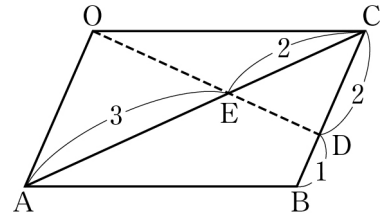


- (1) L , M , N の位置ベクトル \vec{l} , \vec{m} , \vec{n} を, それぞれ \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} で表せ。

- (2) $\triangle LMN$ の重心の位置ベクトル \vec{g} を \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} で表せ。

| | | | | |
|------|---------------------------|---|---|-----|
| 小テスト | No.23 ベクトル ベクトルの図形への応用(1) | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 |
| | | | | /20 |

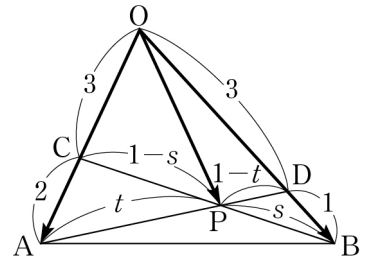
1. 平行四辺形 OABC の辺 BC を 1 : 2 に内分する点を D, 対角線 AC を 3 : 2 に内分する点を E とする。
- (1) $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OC} = \vec{c}$ として, \overrightarrow{OD} , \overrightarrow{OE} を \vec{a} , \vec{c} で表せ。



- (2) 3 点 O, E, D が一直線上にあることを証明せよ。

| | | | | | |
|------|---------------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.24 ベクトル ベクトルの図形への応用(2) | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | /20 |

1. $\triangle OAB$ において、辺 OA を $3:2$ に内分する点を C 、
 辺 OB を $3:1$ に内分する点を D とし、線分 AD と BC
 の交点を P とする。 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$ 、 $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$ として、次の間
 に答えよ。



- (1) $BP:PC = s:(1-s)$ とするとき、 \overrightarrow{OP} を、 \vec{a} 、 \vec{b} と
 実数 s を用いて表せ。

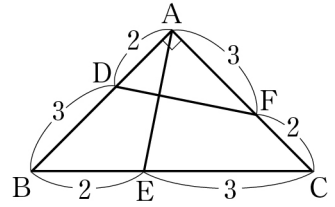
- (2) $AP:PD = t:(1-t)$ とするとき、 \overrightarrow{OP} を、 \vec{a} 、 \vec{b} と実数 t を用いて表せ。

- (3) \overrightarrow{OP} を \vec{a} 、 \vec{b} で表せ。

| | | | | | |
|------|---------------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.25 ベクトル ベクトルの図形への応用(3) | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | /20 |

1. $\angle A$ が直角である直角二等辺三角形 ABC の 3 辺 AB , BC , CA をそれぞれ 2 : 3 に内分する点を D , E , F とする。

(1) $\overrightarrow{AB} = \vec{b}$, $\overrightarrow{AC} = \vec{c}$ として, \overrightarrow{AE} , \overrightarrow{DF} を \vec{b} , \vec{c} で表せ。



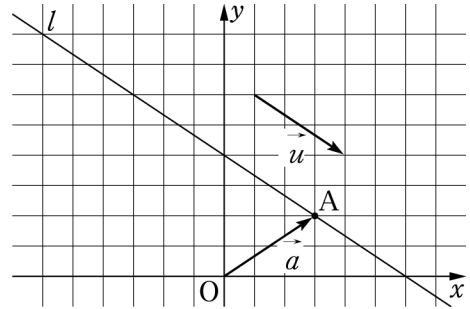
(2) $AE \perp DF$ であることを証明せよ。

| | | | | | |
|------|-----------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.26 ベクトル ベクトル方程式(1) | | | | /20 |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | |

1. 右の図で、直線 l のベクトル方程式は $\vec{p} = \vec{a} + t\vec{u}$ と表される。次の間に答えよ。

(1) 直線 l の方向ベクトル \vec{u} を成分で表せ。

(2) $t=1, -2, -\frac{1}{3}$ に対応する点 $P(\vec{p})$ の位置を、それぞれ点 B, C, D とするとき、点 B, C, D の座標を求めよ。



2. 次の点 A を通り、 \vec{u} を方向ベクトルとする直線 l を媒介変数表示せよ。また、媒介変数を消去して直線の方程式を求めよ。

(1) $A(3, 0), \vec{u} = (-1, 2)$

(2) $A(-6, 2), \vec{u} = (3, 1)$

| | | | | | |
|------|-----------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.27 ベクトル ベクトル方程式(2) | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | /20 |

1. 2点 $A(\vec{a})$, $B(\vec{b})$ がある。次の問に答えよ。

(1) 2点 $A(\vec{a})$, $B(\vec{b})$ を通る直線のベクトル方程式を表せ。

(2) 線分 OA を $1:2$ に内分する点 C と、線分 OB を $2:3$ に内分する点 D を通る直線のベクトル方程式を求めよ。

2. 点 $A(4, -1)$ を通り、ベクトル $\vec{n} = (-3, -2)$ に垂直な直線の方程式を求めよ。

3. 平面上の定点を $A(\vec{a})$ とする。点 $P(\vec{p})$ についてのベクトル方程式 $|5\vec{p} - 2\vec{a}| = 10$ で表される円の中心の位置ベクトルと半径を求めよ。

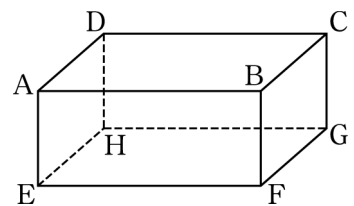
| | | | | | |
|------|-----------------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.28 ベクトル 空間座標, 空間のベクトル(1) | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | /20 |

1. 点 $P(2, 4, 3)$ について, 次の点の座標または平面の方程式を求めよ。

- (1) yz 平面に関して P と対称な点
- (2) x 軸に関して P と対称な点
- (3) 原点に関して P と対称な点
- (4) 点 P を通り, zx 平面に平行な平面

2. 右の図の直方体 $ABCD-EFGH$ において, 次の等式が成り立つことを示せ。

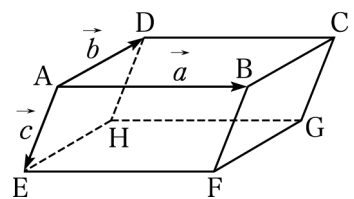
(1) $\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{BF} = \overrightarrow{EC}$



(2) $\overrightarrow{AF} + \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{GE} = \vec{0}$

3. 次の図の平行六面体 $ABCD-EFGH$ において, $\overrightarrow{AB} = \vec{a}$, $\overrightarrow{AD} = \vec{b}$, $\overrightarrow{AE} = \vec{c}$ とするとき, 次のベクトルを \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} で表せ。

(1) \overrightarrow{DF}



(2) \overrightarrow{GA}

| | | | | | |
|------|-----------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.29 ベクトル 空間のベクトル(2) | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | /20 |

1. $\vec{a}=(2, -1, -2)$, $\vec{b}=(-4, 0, 3)$, $\vec{c}=(2, -4, 6)$ のとき, 次の問に答えよ。

(1) \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} の大きさをそれぞれ求めよ。

(2) $3(\vec{b}+\vec{c})-2(2\vec{c}-\vec{a})$ を成分表示せよ。

2. 2点A(1, 6, 2), B(3, 1, -2) について, \overrightarrow{AB} の成分表示を求めよ。また, $|\overrightarrow{AB}|$ を求めよ。

3. $\vec{a}=(x, -6, 4)$, $\vec{b}=(3, y, 6)$ が平行になるように, x , y の値を定めよ。

| | | | | |
|------|--------------------|---|---|-----|
| 小テスト | No.30 ベクトル ベクトルの内積 | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 |
| | | | | ／20 |

1. $\vec{a} = (-3, 2, 1)$, $\vec{b} = (4, 2, -6)$ について、内積 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ とそのなす角 θ を求めよ。

2. 2つのベクトル $\vec{a} = (x, 5, \sqrt{3})$, $\vec{b} = (2, \sqrt{3}, -3)$ が垂直になるような x の値を求めよ。

3. 2つのベクトル $\vec{a} = (1, -3, 1)$, $\vec{b} = (-2, 3, 1)$ の両方に垂直で、大きさが $2\sqrt{6}$ であるベクトルを求めよ。

| | | | | | |
|------|----------------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.31 ベクトル 位置ベクトルと空間の図形(1) | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | /20 |

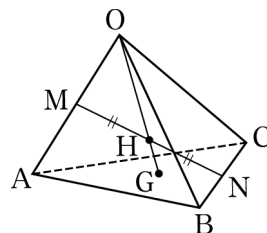
1. 空間における3点 $A(\vec{a})$, $B(\vec{b})$, $C(\vec{c})$ について, 次の点の位置ベクトルを \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} を用いて表せ。

(1) 線分 AB を 2 : 1 に内分する点 $P(\vec{p})$

(2) 線分 BC を 2 : 5 に外分する点 $Q(\vec{q})$

(3) 線分 PQ の中点 $R(\vec{r})$

2. 四面体 OABC において, $\triangle ABC$ の重心を G とする。また, 辺 OA, BC の中点をそれぞれ M , N とし, 線分 MN の中点を H とする。このとき, 3点 O, H, G は一直線上にあることを示せ。



| | | | | | |
|------|----------------------------|---|---|----|-----|
| 小テスト | No.32 ベクトル 位置ベクトルと空間の図形(2) | | | | |
| | 年 | 組 | 番 | 名前 | ／20 |

1. 2点 $A(2, 3, 0)$, $B(0, 5, 4)$ を通る直線 l に, 点 $P(2, 5, -4)$ から垂線を下ろし, 直線 l との交点を H とする。このとき, 点 H の座標と線分 PH の長さを求めよ。

2. 原点 O を中心とし, 点 $A(2, 1, -5)$ を通る球の方程式を求めよ。